

بسم الله الرحمن الرحيم

جامعة أم القـرى

كلية التربية بمكة المكرمة

الدراسات العليا

*
نموذج رقم (٨)

اجازة اطروحة علمية فى صيغتها النهائية

بعد اجراء التعديلات المطلوبة

الام (رباعى) : ابراهيم رشاد عبدالرحمن الدوبى القسم : المناهج وطرق التدريس
الدرجة العلمية : ماجستير التخصص : مناهج وطرق تدريس
عنوان الاطروحة : الأخطاء الشائعة فى عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية
لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائى بمكة المكرمة

الحمد لله رب العالمين والملاة والسلام على أشرف المرسلين وعلى آله وصحبه

أجمعين وبعد ،،،

فبناء على توصية اللجنة المكونة لمناقشة الاطروحة المذكورة عالية والتي

تمت مناقشتها بتاريخ ١٩ / ٣ / ١٤٢٠هـ بقبول الاطروحة بعد اجراء التعديلات

المطلوبة ، وحيث قد تم عمل اللازم .

فان اللجنة توصى باجازة الاطروحة فى صيغتها النهائية المرفقة كمتطلب

تكملى للدرجة العلمية المذكورة اعلاه والله الموفق .

اعضاء اللجنة

مناقش من خارج القسم

مناقش من القسم

المشرف

د. على سعيد عسيري

د. أحمد السيد عبد الحميد مصطفى

التوقيع :

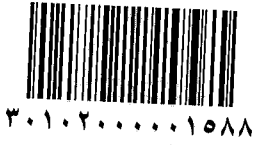
يعتمد،،

رئيس قسم المناهج وطرق التدريس

د. عبدالعزيز محمد يار محمد يار

* يوضع هذا النموذج امام الصفحة المقابلة لمفحة عنوان الاطروحة فى كل نسخة.*

المملكة العربية السعودية
وزارة التعليم العالي
جامعة القصيم
مكتبة المكتبة



جمع وطرح

الأخطاء
الشائعة
في عمليتي

الأعداد الصحيحة والكسرية لدى
تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي

مكتبة المكتبة

إعداد الطالب

إبراهيم رشاد عبد الرحمن الدوي

إشراف الدكتور

عدنان عبدالغني صبرفي



دراسة مقدمة إلى قسم المناهج وطرق التدريس في كلية
التربية بجامعة القصيم كرسى القوي كرسى طلب التحصيل ليلد وجهه الجاهل
في المناهج وطرق التدريس سنة ١٤١٠هـ / ١٩٨٩م

وَاللَّهُمَّ صَلِّ عَلَى مُحَمَّدٍ وَعَلَى آلِ مُحَمَّدٍ
وَصَلِّ عَلَى سَيِّدِنَا مُحَمَّدٍ

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

قَالَ تَعَالَى :

اقْرَأْ بِاسْمِ رَبِّكَ الَّذِي خَلَقَ ①

خَلَقَ اللَّهُ سَائِحَ سَائِحًا ②

اقْرَأْ وَرَبُّكَ الْأَكْرَمُ ③

الَّذِي عَلَّمَ بِالْقَلَمِ ④

عَلَّمَ اللَّهُ سَائِحَ سَائِحًا يَعْلَمُ ⑤

صَدَقَ اللَّهُ الْعَظِيمُ

سُورَةُ الْعَلَقِ آيَةٌ ١ - ٥

" ملخص الدراسة "

" الاخطاء الشائعة في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي بمكة " .

" اعداد : ابراهيم رشاد الدوبي ١٤١٠هـ - باشراف الدكتور : عدنان عبدالغني صيرفي " .
الدراسة الحالية بنيت على التساؤلات التالية : هل هناك أخطاء شائعة يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية؟ وهل هناك اختلاف في نسب الاخطاء الشائعة بينهما؟ وما أنماط الأخطاء الشائعة التي يقعون فيها .

وللجابة على أسئلة وفرضية الدراسة ، تم بناء اختبار تحصيلي يختص بوحدي الاعداد الصحيحة والكسرية على عمليتي الجمع والطرح ، وقد طبق الاختبار على عينة بلغت (٥٤٠) تلميذ بالصفين الخامس (٢٧٠) والسادس (٢٧٠) الابتدائي، من (٩) مدارس اختيرت عشوائيا من مدينة مكة المكرمة . وكان معامل الصدق للاختبار = ٠.٦٩ ومعامل الثبات = ٠.٩٣ .

نتائج الدراسة :

أولا : توجد أخطاء شائعة في جميع الافكار الاساسية لعمليتي جمع الاعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي (ماعدا حالة جمع عددين أو أكثر " حتى مائة مليون " للصف السادس ، وحالة طرح كسرين حقيقيين " متحدي المقامات " للصفين الخامس والسادس الابتدائي) .

ثانيا : توجد فروق ذو دلالة احصائية عند مستوى ($\alpha = 0.05$) في نسب الأخطاء الشائعة في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية وكانت في معظم الافكار الأساسية .

ثالثا : توجد أنماط للأخطاء الشائعة في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية مشتركة فيما يلي : ترك الاعداد الصحيحة ، خطأ في اجراء العمليتين على الاعداد الصحيحة ، اجراء العمليتين على البسوط والمقامات ، خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات ، خطأ في ايجاد المقام المشترك ، خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي ، اجراء العمليتين على البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام ، أخطاء في المسائل الحسابية ، أخطاء متنوعة ، وكان اختلاف الأنماط بالنسبة للجمع في : جمع البسوط ووضع الناتج على أصغر مقام ، جمع البسوط ووضع الناتج على حاصل جمع المقامين ، جمع البسوط الموحدة المقامات مع الاعداد الصحيحة . وكان اختلاف الطرح في الأنماط : طرح البسوط قبل توحيد المقامات ، طرح البسوط طرحا عكسيا دون اجراء الاستلاف ، عدم وضوح مفهوم عملية الطرح .

يعتمد،
عميد الكلية
د. هاشم بكر حري
التوقيع ()
١٤١٠/٨/٢٠

المشرف
د. عدنان عبدالغني صيرفي
التوقيع ()

الطالب
ابراهيم رشاد عبدالرحمن الدوبي
التوقيع ()

إهداء

إلى من أجلسي لئلا يرضاه بعد الله .. والديني الحبيبة
إلى تلك الروح التي فارقته الدنيا بعد أن أوتيت
رأيتها وأُنبتت الثبته التي أثمرت هذه الدرر
إليك يا أختي .. برحمتك اللهم ..

إلى زوجتي وشركتي حياتي التي قاسمتني حناؤي والبحت
والتحصيل ، وأبنائي حساني .. وحماتي ..

إلى من حاضرتني ونذرت نفسها لي وللأخوات والأخوات
في سبيل تحقيق خايدنا أختي زكية رشاد الدروبي .

أهدى عمرة جهودي والتمواضعة مشاركتي في مجال
البحث والدراسة

والله الهادي إلى سواء السبيل .

الباقيات

" شكر وتقدير "

الحمد لله والصلاة والسلام على رسول الله محمد بن عبد الله
وعلى آله وصحبه أجمعين . أما بعد . .

يسعدني أن أتقدم بوافر الشكر والتقدير الى استاذي الفاضل
الدكتور عدنان عبدالغني صيرفي على ما قدمه لي من إرشاد وتوجيه
وتذليل للصعاب في سعة علم ، ورحابة صدر لاتمام هذه الدراسة فكان
نعم الموجه والمرشد والمشرف .

والى الاستاذ الدكتور فتحي مصطفى الزيات على ما أسداه إلي
من توجيهات وتحليلات عن نتائج الدراسة وإشرافه على بناء الاختبار،
والعمليات الاحصائية ، والاسلوب الاحصائي المستخدم بالاضافة الى
ارشاداته في اختيار العينة .

والى سعادة عضوي لجنة المناقشة الدكتور احمد السيد،
والدكتور على عسيري اللذين كانت لآرائهما السيدة أطيب الأثر في تحسين
الصورة النهائية لهذه الدراسة .

والى الاستاذ / محمد غزالي يماني على توجيهاته لي اثناء
بناء الاختبار ووضع عناصره ، وعلى ما قدمه لي من مراجع عربية
وأجنبية .

والى مدراء المدارس التي تم تطبيق الاختبار فيها على
ما قدموه من مساعدة وتهيئة للجو .

(ب)

والى ادارة ثانوية الحسين بن علي متمثلة في مديرها الاستاذ/
مسجل وادع الثبتي على ما أبداه من تعاون صادق خلال فترة الدراسة .

والى الاستاذ صلاح الدين السمان لما قام به من جهود فـي
مراجعة الدراسة من الناحية اللغوية .

كما أتوجه بالشكر الى السادة الاساتذة المشرفين والمسؤولين

في كل من :

- قسم المناهج وطرق التدريس .
- جامعة أم القرى بمكة المكرمة .
- مركز البحوث التربوية والنفسية بمكة .
- مدينة الملك عبدالعزيز للعلوم والتقنية بالرياض .
- مكتبة جامعة الملك عبدالعزيز بجدة .
- مكتبة جامعة عين شمس بالقاهرة .

الى هؤلاء جميعا أكرر لهم عظيم شكرى على ما زودوني به

من المراجع والبيانات التى ساعدتني على إتمام هذه الدراسة .

أسأل الله أن يجزيهم عنا أحسن الجزاء . أنه نعم المولي

ونعم النصير .

ابراهيم الدويبي

=&=

" قائمة المحتويات "

<u>رقم الصفحة</u>	<u>الموضوع</u>
.....	ملخص الدراسة
.....	الأهمية
أ	شكر وتقدير
ج	قائمة المحتويات
و	قائمة الجداول
ز	قائمة الملاحق

" الفصل الاول "

((خطة الدراسة))

٢	أولا : المقدمة وتحديد المشكلة
٦	ثانيا : أهمية الدراسة
٧	ثالثا : هدف الدراسة
٧	رابعا : أسئلة وفرضية الدراسة
٨	خامسا : مصطلحات الدراسة
٩	سادسا : حدود الدراسة

" الفصل الثاني "

((الاطار النظري والدراسات السابقة))

١١	أولا : الخطوات التطويرية لرياضيات المرحلة الابتدائية
١٤	ثانيا : حول الاخطاء الشائعة وعلاجها

- ٢٣ : الدراسات السابقة
- (١) دراسات حددت نسبة معينة لمعرفة ماهية
- ٢٤ الخطأ الشائع
- (٢) دراسات لم تحدد نسبة معينة واعتبرت أعلى
- ٢٩ نسبة هي الخطأ الشائع

" الفصل الثالث "

((اجراءات الدراسة والتطبيق الاساسي))

- ٣٩ : أدوات الدراسة
- ٤٢ : التطبيق المبدئي والدراسة الاستطلاعية
- ٤٥ : أسئلة وفرضية الدراسة
- ٤٦ : مجتمع وعينة الدراسة
- ٤٧ : التطبيق الأساسي للدراسة
- ٤٩ : الأسلوب الإحصائي المستخدم في الدراسة

" الفصل الرابع "

((تحليل النتائج وتفسيرها))

- ٥٢ : عرض وتحليل نتائج بيانات الدراسة
- ٥٢ (١) المرحلة الأولى
- ٥٦ (٢) المرحلة الثانية
- ٦٣ (٣) المرحلة الثالثة
- ٨٧ : مناقشة وتفسير نتائج الدراسة

" الفصل الخامس "

((ملخص الدراسة والتوصيات والمقترحات))

-
- أولا : ملخص الدراسة ٩٣
- ثانيا : التوصيات والمقترحات ٩٧
- أ - التوصيات ٩٧
- ب - المقترحات ٩٨
- * مراجع الدراسة :
- أ - المراجع العربية ١٠٠
- ب - المراجع الأجنبية ١٠٤
- * ملاحق الدراسة ١٠٦

" قائمة الجداول "

رقم الصفحة	الموضوع	الرقم
٤	معدلات الرسوب بالمرحلة الابتدائية عبر سنوات الخطبة الخمسية الثالثة	١
٣٦	الاختلاف الحاصل في الدراسات السابقة لوضع نسبة تمثل الخطأ الشائع	٢
٤٠	العدد الفعلي لحصى وحدتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية	٣
٤١	الاوزان النسبية لموضوعات المحتوى	٤
٤٣	عينة الدراسة الاستطلاعية	٥
٤٧	عينة الدراسة الأساسية	٦
٥٣	نتائج اختبار الجموع	٧
٥٥	نتائج اختبار الطرح	٨
٥٨	الاختلاف غير الدال لنسب الأخطاء الشائعة في عملية الجمع عند مستوى ($\alpha = 0.05$) .	٩
٥٩	الاختلاف الدال لنسب الأخطاء الشائعة في عملية الجمع عند مستوى ($\alpha = 0.05$) .	١٠
٦١	الاختلاف غير الدال لنسب الأخطاء الشائعة في عملية الطرح عند مستوى ($\alpha = 0.05$) .	١١
٦٢	الاختلاف الدال لنسب الأخطاء الشائعة في عملية الطرح عند مستوى ($\alpha = 0.05$) .	١٢
٦٥	النسب المئوية لأنماط الأخطاء الشائعة لجمع الاعداد الصحيحة والكسرية .	١٣
٧٦	النسب المئوية لأنماط الأخطاء الشائعة لطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .	١٤

(ز)

" قائمة الملاحق "

رقم الصفحة	الموضوع	رقم الملحق
	خلاصة احصائية لنتائج اختبارات النقل والشهادة في المرحلة الابتدائية للعام الدراسي ١٤٠٥/١٤٠٦ هـ .	١
١٠٧	محتوى المادة العلمية لوحدتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .	٢
١٠٩	الاهداف السلوكية المعرفية لوحدتي الاعداد الصحيحة والكسرية .	٣
١١٢	بيان باسماء المدرسين المشاركين في تحكيم الاختبار .	٤
١١٤	معاملات السهولة أو الصعوبة لاختبار جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .	٥
١١٦	اختبار جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية في صورته النهائية والمقدم لعينة الدراسة الاساسية .	٦
١٢١	بيان باسماء المدارس ومواقعها بمدينة مكة المكرمة حسب الدليل الاحصائي لعام ١٤٠٧ هـ .	٧
١٢٨	الاختلاف في نسب الاخطاء الشائعة للصفين الخامس والسادس الابتدائي .	٨
١٣٠		

" الفصل الأول "

((خطة الدراسة))

- أولا : المقدمة وتحديد المشكلة
- ثانيا: أهمية الدراسة
- ثالثا : هدف الدراسة
- رابعا: أسئلة وفرضية الدراسة
- خامسا: مصطلحات الدراسة
- سادسا: حدود الدراسة

أولا : المقدمة وتحديد المشكلة :

تعتبر المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية أو في أي بلد آخر من مراحل التعليم التي ينظر إليها المربون نظرة خاصة تميزها عن بقية المراحل ، وذلك لأنها القاعدة الأساسية لجميع المراحل التعليمية اللاحقة . فهي تعد الجيل الناشئ من أجل المستقبل وتزودهم بأساسيات التعليم من معارض وعلوم وإكساب خبرات مباشرة وغير مباشرة بحيث يستطيعون مواصلة مشوار التعليم بشكل فعال وناجح .

وفي هذا الصدد إتفق كل من سعيد بامشموس (١٤٠٠هـ) ، سليمان الحقييل (١٤٠٤هـ) ، محمود زيني (١٤٠٣هـ) على أهمية المرحلة الابتدائية ، وكونها أكثر المراحل تأثير في الطفل ، إذ يبنى عليها إعداد الناشئين للمراحل التالية من حياتهم ، كما أنها أساس تنرس فيه البذور لتنمو ويشتد ساقها ، ويمكن اعتبارها مرحلة عامة تشمل أبناء الأمة جميعا وتزودهم بالاساسيات من العقيدة الصحيحة والاتجاهات القويمة والخبرات والمعلومات والمهارات اللازمة لهم في حاضرهم ومستقبلهم .

مما سبق يتضح أن المرحلة الابتدائية هي المرحلة التي تبنى فيها جميع الأسس التي يعتمد عليها التعليم المستقبلي . وكمما هو معروف أن مستقبل التعليم يعتمد بالدرجة الاولى على تقوية قدرات الطالب في الرياضيات ، وبما أن الرياضيات من المواد التي ترتب فيها الافكار ترتيب منطقي فان دور المرحلة الابتدائية يعتبر في هذا الصدد من أهم الأدوار ، حيث أن ما يكتسبه الطفل في

سنواته الأولى سيحدد مستواه في المستقبل ، فأى ضعف في خبرة من —
الخبرات الرياضية يتراكم على مر السنين ويكون في النهاية عائق
يحول دون تقدم الطفل .

وللرياضيات في المرحلة الابتدائية أهمية بالغة إذ تعتمد
عليها رياضيات المراحل التي تليها ، بالإضافة الى أهميتها الكبيرة
للتلميذ في حياته اليومية ، ولسائر العلوم بصفة عامة .

وفي هذا يذكر فريد أبو زينة (١٩٨٢ م) أن الرياضيات
اليوم تغزو جميع فروع العلوم الطبيعية : الاحياء والكيمياء والفيزياء
وعلوم الأرض ، وفي آي علم آخر لابد أن تكون الرياضيات من مقوماته
الأساسية . إذ تلعب الرياضيات دورا كبيرا في نظرية الاحتمالات ،
وفي العلوم الالكترونية والآلات الحاسبة . كما أن الاقتصاد بنظرياته
يتحول بالتدريج الى علوم رياضية ، فالصناعة والتجارة تعتمد على
إتخاذ القرارات وهذه مرتبطة بالاحصاء والاحتمال ، وكذا الحال بالنسبة
للطب والصيدلة ، والعلوم الاجتماعية والانسانية (ص ١٦) .

والواقع أن الرياضيات يظهر تعلمها من خلال اكتساب الطلاب
القدرة على القيام بالعمليات الأربع الأساسية - الجمع والطرح والضرب
والقسمة - ومن خلال اكتساب الطلاب لمفاهيم هذه العمليات يبدأ الطالب
في تطوير هذه المفاهيم والخروج منها بعلاقات ومفاهيم جديدة ، والطالب
الذي لا توجد لديه القدرة على القيام بهذه العمليات الأربع لا يمكنه
أن يستمر في دراسة مادة الرياضيات حيث تضعف قدراته الحسابية ، ومع
استمرار هذا الضعف يكون اتجاهات سلبية نحو الرياضيات ، فيتأثر
بذلك التحصيل العلمي للطالب ومدى استمرارية دراسته في المستقبل .

وتؤكد تقارير التوثيق التربوي لمركز المعلومات الاحصائية (١٤٠٥ / ١٤٠٦ هـ) على ارتفاع نسب الرسوب في الرياضيات بالمرحلة الابتدائية اذ توقعت الخطة الثالثة للتنمية بالمملكة العربية السعودية ان يحدث خفض في معدلات الرسوب في الصفوف الستة بالمرحلة الابتدائية كمؤشر يدل على حدوث تحسن نوعي في التعليم ولقد حددت وزارة المعارف في الخطة أهداف نوعية خاصة لمعدلات الرسوب تتحقق بحلول عام ١٤٠٤ - ١٤٠٥ هـ ولكن هذا لم يحدث .

ويعرض الجدول التالي معدلات الرسوب بالمرحلة الابتدائية بمدارس وزارة المعارف عبر سنوات الخطة الخمسية الثالثة .

جدول رقم (١)

معدلات الرسوب بالمرحلة الابتدائية عبر سنوات الخطة الخمسية الثالثة

المستهدف العام /١٤٠٤ ١٤٠٥ هـ	معدلات الرسوب في السنوات			معدلات الرسوب ١٣٩٩/١٤٠٠ هـ		الصف الدراسي
	/١٤٠٢	/١٤٠١	/١٤٠٠	التقليدي حسب الخطة	الفعلي	
١٣٠	١٩٥	٥٠١	٢٠٧	١٥٣	٢٠٢	١
١٢٠	١٨٢	١٨٩	١٩٥	١٤٦	٢٠٥	٢
١١٠	١٧٩	١٧٥	١٩١	١٤٢	٢١٢	٣
١٢٥	٢٠٤	٢٠٤	٢٢٢	١٥٧	٢٤٧	٤
٨٥	١٧٨	١٨٠	١٧٧	١٢٦	١٨٧	٥
٣٠	٩٥	٩٥	٨٧	٤٤	١١٨	٦

وتضيف تقارير التوثيق بأن البيانات الخاصة بالرسوب لم تقدم حتى الآن عن عامي ١٤٠٣/١٤٠٤ هـ ، ١٤٠٤/١٤٠٥ هـ الا أنه لا يوجد ما يشير

الى حدوث أي اختلاف بينها وبين بيانات الفترة من ١٤٠٠/١٤٠١هـ الى
١٤٠٢/١٤٠٣هـ وهكذا لا يمكن القول بأن التحسن المستهدف قد تحقق
(ص ص ٢٦ - ٢٧) .

ومما لاشك فيه أن عوامل الرسوب عديدة. ومتنوعة منها ماتسهم
به مادة الرياضيات ، وهذا يتضح من خلال احصائية نتائج اختبارات
النقل والشهادة للصفين الخامس والسادس في المرحلة الابتدائية
للعام الدراسي ١٤٠٥ / ١٤٠٦ هـ . إذ بلغت نسبة الرسوب في مادة
الرياضيات بالصف الخامس أعلي نسبة وهي ٥٩٫٩ ٪ وكانت مادة النحو
هي المادة التي تليها بنسبة ٥١٫٥ ٪ وبالنسبة للصف السادس كانت
نسبة الرسوب في مادة الرياضيات ٥٩٫٩ ٪ كأعلي نسبة وبلغت نسبة
المادة التي تليها وهي النحو ٤٦٫٥ ٪ (انظر ملحق رقم ١)

وبالرغم من هذا الارتفاع في نسب الرسوب لمادة الرياضيات
في المرحلة الابتدائية ، الا أنه لا توجد أي دراسات علمية تبحث عن
أسباب الرسوب ، وكيف يمكن علاجها . ومما لاشك فيه أن أسباب ارتفاع
نسب الرسوب عديدة. ومتنوعة ، وتعتبر الأخطاء التي يقع فيها التلاميذ
في العمليات الأساسية الأربعة (الجمع ، الطرح ، الضرب ، القسمة)
من العوامل ذات الصلة بالرسوب ، وهذا ما تؤكده البحوث التربوية
وذوي الخبرة في تدريس الرياضيات .

مما سبق يتضح أن الوسيلة الأولى لعلاج مشكلة الرسوب في
الرياضيات تتطلب البحث عن المسببات ، وبما أن المسببات تختلف
وتتفاوت من مجتمع الى آخر ، فقد تم تصميم هذه الدراسة لتحديد
الأخطاء الشائعة في عمليتي الجمع والطرح ، على اعتبار أنها من أهم

الأسباب التي تعمل على تراكم الضعف في الرياضيات .

ثانيا : أهمية الدراسة :

تعتبر هذه الدراسة أول دراسة تجرى في المملكة العربية السعودية ، وقد أكدت على تحديد الأخطاء الشائعة في عمليتي جمع وطرح الأعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي ، وبما أن عمليتي الجمع والطرح من العمليات الأساسية فان تحديد الأخطاء لدى التلاميذ في المرحلة الابتدائية يفيد في النقاط التالية :

- (١) يفيد معلمي الرياضيات في جميع المراحل ، وخاصة معلم المرحلة الابتدائية .
- (٢) يفيد واضعي وموئفي مقررات الرياضيات بالمرحلة الابتدائية
- (٣) يفيد في وضع خطة للوقاية من الأخطاء الشائعة في عمليتي الجمع والطرح ، وهذا يعتبر تجديداً وتطويراً في طرق التدريس .
- (٤) يفيد في حل بعض المشكلات المتعلقة بحلول المسائل الحسابية في المرحلة الابتدائية ، حيث ينعكس ذلك على تحصيل التلاميذ .
- (٥) يفيد في التمهيد لدراسات وبحوث أخرى عن الأخطاء الشائعة في باقي العمليات الحسابية أو أي موضوع رياضي .

ثالثا : هدف الدراسة :

تهدف هذه الدراسة الى :

- (١) تحديد الأخطاء الشائعة التي يقع فيها كل من تلاميذ الصفين الخامس والخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .
- (٢) معرفة الاختلاف في نسب الأخطاء الشائعة بين تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .
- (٣) تحديد أنماط الأخطاء الشائعة التي يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .

رابعا : أسئلة وفرضية الدراسة :

صممت الدراسة للجاية على السوءالين التاليين :

- (١) ماهي الاخطاء الشائعة التي يقع فيها كل من تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية ؟
- (٢) ما أنماط الاخطاء الشائعة التي يقع فيها كل من تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية ؟

كما صممت للجاية على الفرضية التالية :

* لا توجد فروق ذات دلالة احصائية ($\alpha = 0.05$) في نسب الاخطاء

الشائعة في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية بيــــن
تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائى .

خامسا : مصطلحات الدراسة :

(١) النسبة المئوية :

يذكر احمد ابو العباس (١٩٥٦ م) ان النسبة المئوية ماهي
الا كسر عشري من مائة (ص ١٨٣)

ويضيف يحيى هندام (١٩٦٦ م) ان النسبة المئوية تعنى تنظيم
للعدد مائة في صورة جديدة ، والرمز $\%$ مشتق من العلاقة \div (ص ١٨٨)

كما يبين كتاب الصف السادس التابع لوزارة المعارف (١٤٠٥ هـ)
ان النسبة المئوية هي كل نسبة مقامها مائة (ص ١٥٣) .

وفي اطار هذه الدراسة فان النسبة المئوية تعنى نسبة بين
عددين المنسوب اليه مائة ويرمز له بالرمز $\%$ المشتق من العلامة \div .

(٢) الخطأ الشائع :

يعرف برسوم شنودة (١٩٦٨ م) الخطأ الشائع بأنه الخطأ
الذي يقع فيه كثير من التلاميذ وينسبة ١٥ $\%$ فأعلى (ص ١٢) .

ويعرفه خليفة عبدالسميع (١٩٨٣ م) بأنه الخطأ الذى يقع
فيه ١٠ $\%$ فأكثر من الطلاب . (ص ١٥٦) .

ولم يحدد شغل (١٩٦٢م) الخطأ الشائع بنسبة معينة بل
 اعتبر أعلى نسبة للخطأ هي التي تمثله (ص ١٦٦) .

كما يعرفه صالح العبيدي (١٩٧٤م) بأنه الخطأ المتكرر بين
 التلاميذ بنسبة ٢٠ ٪ (ص ١٢) .

وترى عزيزة عبدالعظيم (١٩٦٤م) أن الخطأ الشائع هو الذي يتكرر
 أكثر من غيره في عملية معينة وبنسبة ٢٥ ٪ (ص ١٥) .

وفي إطار هذه الدراسة يعرف الخطأ الشائع بأنه الخطأ المتكرر
 بين التلاميذ والذي يتحقق بنسبة ٢٠ ٪ فأكثر .

والواقع أن نسبة ٢٠ ٪ معقولة لأنها تمثل نسبة متوسطة تقريبا
 للنسب التي حددها آخرون ، ولكون أية مجموعة عادية تنقسم تبعاً
 للمنحنى الاعتيادي المعياري الى الممتازين والمتوسطين والضعفاء ،
 والنسبة ٢٠ ٪ لاتمثل الممتازين والمتأخرين فقط وانما تدخل في تمثيل
 التلاميذ المتوسطين ، كما أن النسبة ٢٠ ٪ لها دلالة جيدة اذا قورنت
 بعدد تلاميذ الصفين الخامس والسادس بمدارسنا .

سادساً : حدود الدراسة :

اقتصرت الدراسة الحالية على تلاميذ الصفين الخامس والسادس
 الابتدائي للعام الدراسي ١٤٠٨هـ بمدارس مكة المكرمة التابعة لوزارة
 المعارف ، وبالتالي فان تعميم نتائج هذه الدراسة مرتبط بعينتها . وقد
 تم ذكر الاعداد الصحيحة والكسرية بدل من الاعداد النسبية أو الحقيقية
 وذلك لعدم ملائمة هذا المسمى للمرحلة الابتدائية .

" الفصل الثاني "

((الاطار النظري والدراسات السابقة))

- أولا : الخطوات التطويرية لرياضيات المرحلة الابتدائية بالمملكة العربية السعودية .
- ثانيا : حول الأخطاء الشائعة وعلاجها .
- ثالثا : الدراسات السابقة .



أولا : الخطوات التطويرية لرياضيات المرحلة الابتدائية بالمملكة :

يذكر المركز العربي للبحوث (١٤٠٥هـ) ان تطوير مناهج الرياضيات في العالم العربي تأخر حوالى عقدا من الزمن عن التطور الذى حدث فى البلاد المتقدمة (ص ٧٥) .

وتضيف زكيه عبده (١٤٠٣هـ) حيث كان أول مشروع عالمى لادخال مناهج الرياضيات الحديثة فى التعليم العام هو المشروع الأمريكى الذى يعرف بأسم School Mathematics Study Group والذى جاء كرد فعل لاطلاق الروس لقمهم الصناعى " سيتنك " فى عام ١٩٥٦م (ص ١٩) .

• ثم توالى المشروعات لتطوير مناهج الرياضيات فى عدة دول .

وبالنسبة للعالم العربى يقول وديع مكسيموس (١٩٨٣م) انه فى الرابع عشر من ابريل ١٩٦٦م ، أوصى مؤتمر وزراء التربية والتخطيط الذى عقد بطرابلس فى ليبيا بوجوب العمل على تطوير مناهج الرياضيات فى الدول العربية بما يواكب التقدم العلمى والتكنولوجى (ص ١٠٤) .

وتفيد جامعة الملك عبد العزيز (١٤٠١هـ) أن منظمة اليونسكو قد استجابت الى تلك التوصية ، وأقرت فى مؤتمرها الرابع عشر والذى أُنعقد فى باريس (نوفمبر) عام ١٩٦٦م خطة شاملة لاقامة مشروع رائد لتطوير تعليم الرياضيات فى الدول العربية (ص ٢) .

كما أورد خليفه عبد السميع (١٩٨٣م) أنه تم إنعقاد أول مؤتمر فى نطاق المشروع خلال الفترة (٧ - ١٨) مارس ١٩٦٩م بالقاهرة (ص ١٠) .

وكذلك أضافة زكية بأن الدول العربية التي بدأت فى تطبيق تجربة تدريس الرياضيات الحديثه أعتمدت على الكتب التي أعدتها منظمة اليونسكو بعد إجراء بعض التعديلات حسب سياسة التعليم فى كل بلد (ص ٢٠) .

كما أن التطوير التربوى بالمملكة العربية السعودية (١٤٠٣ هـ) اشار الى العقد الذى أبرمته وزارة المعارف بتاريخ ١٩٧٦/١/٢٠ م مع الجامعة الامريكية ببيروت (المركز التربوى للعلوم والرياضيات) حيث قام المركز بتطوير مناهج وكتب الرياضيات والعلوم للمرحلتين الابتدائية والمتوسطة .

وبالنسبة لرياضيات المرحلة الابتدائية والتي نحن بصدها فقد تمت الخطوات التاليه :-

- ١ - تم وضع المناهج وأقرت من قبل الوزارة بتاريخ ١٩٧٨/١٠/٨ هـ .
- ٢ - تم تأليف كتب المرحلة الابتدائية ، ودرست هذه الكتب فى كافة المدارس الابتدائية فى المملكة على ثلاث مراحل :-

أ - المرحلة الاولى :-

(عام ١٣٩٩ - ١٤٠٠ هـ الموافق ١٩٧٩ - ١٩٨٠ م) حيث تم تدريس الكتب الحديثه فى كافة مدارس المملكة بالصفوف التالية : (الصف الاول ، الصف الرابع الابتدائى) .

ب - المرحلة الثانية :-

(عام ١٤٠٠ - ١٤٠١ هـ الموافق ١٩٨٠ - ١٩٨١ م) حيث تم

تدريس الكتب الحديثه في كافة مدارس المملكة في كل من الصفوف :
(الصف الثانى - الصف الخامس الابتدائى) .

ج - المرحلة الثالثه :-

(عام ١٤٠١ - ١٤٠٢هـ الموافق ١٩٨١ - ١٩٨٢ م) تم تدريس الكتب
الحديثه فى كافة مدارس المملكة في كل من الصفوف : (الصف الثالث،
الصف السادس الابتدائى) .

٣ - أقيمت دورات تدريبية على الكتب الحديثه لمدرسي المرحلة
الابتدائية في كافة المناطق التعليمية .

٤ - في كل مرحلة من المراحل الثلاث السابقة تم تأليف كتاب للمعلم
بالإضافة الى كتاب الطالب، وقد ركز كتاب المعلم على الاهداف
لكل درس والطريقة المقترحة لتقديم الدرس والوسائل المعينة
على ذلك .

٥ - ونظرا لما تحتاجه المناهج الحديثه من وسائل معينه ، فقد قامت
الوزارة بتأمين هذه الوسائل وتم تدريب المدرسين على استعمالها .

٦ - رغبة من الوزارة في تقويم هذه الكتب والتي تم تأليفها من
قبل الجامعة الامريكية في بيروت ، فقد قامت بتشكيل لجنة من
الاسرة الوطنية للرياضيات لدراسة هذه الكتب وتقويمها من
الناحيتين العملية والتربوية ، وملائمتها للبيئة .

٧ - اعداد المعلمين : قامت الاسرة الوطنية للرياضيات بتطوير مناهج
معاهد المعلمين لتصبح ملائمه من حيث تخفيف التجريد ما أمكن
ومن حيث الخطه الدراسية لهذه المعاهد .

كما أدخل معمل الرياضيات على الصف الثانى من معاهد المعلمين،
وتم تأليف كتاب خاص بطرق التدريس للصف الثالث فجاء منسجما مع
المناهج الحديثه فى المرحلة الابتدائية (ص ١ - ٥) .

٨ - ويذكر بكر حسن وعلاء الرابع (١٤٠٤هـ) ان وزارة المعارف قامت من
خلال الاسرة الوطنية لتطوير الرياضيات بتشكيل لجنة لمراجعة
الكتب الجديدة ، وانتهت اللجنة بعد أن أكملت الكتب وتم تعميمها
على جميع طلاب المرحلة الابتدائية عام ١٤٠٣هـ (ص ٦) .

ثانيا : حول الاخطاء الشائعة وعلاجها :-

يرى شنل واليانور (١٩٦٢ م) :

أن أسباب الاخطاء الشائعة فى العمليات الاربعة (الجمع

والطرح والضرب والقسمة ترجع الى :-

- أ - أسباب بيئية
- ب - أسباب عقلية
- ج - أسباب انفعالية

وتتلخص الاسباب البيئية فيما يلى :-

- ١ - قلة الخبرة قبل المدرسة .
- ٢ - البدء المبكر جدا بتعليم الاعداد مع التلاميذ الاغبياء .
- ٣ - آثار منزلية .
- ٤ - التغيب عن المدرسة .

- ٥ - عدم الاستمرار والتنقل من مدرسة الى أخرى .
- ٦ - طرق التدريس .

أما الاسباب العقلية فهي :-

- ١ - نقص في الذكاء العام .
- ٢ - ضعف الذاكره في الاعداد .
- ٣ - الضعف في التركيز .

والاسباب الانفعالية تتلخص فيمايلي :-

- ١ - آثار سيكولوجية للاخفاق .
- ٢ - العجز المزاجي : الطفل المندفع - الطفل العصبى - المدرس غير العطوف .

ويتلخص العمل العلاجي فيمايلي :-

وضع التلاميذ فى خمس مجموعات هى :-

المجموعة الاولى :-

الضعف الحاد في العمليات العددية، وتم العلاج هنا على

مراحل وهى :-

- أ - تثبيت مفاهيم العدد .
- ب - التمرين في الجمع والطرح بأستخدام الصور مع تعليم العلاقة بين الجمع والطرح، وبين الضرب والقسمه .
- ج - التدريب على العمليات العددية الاساسية .
- د - التدريب على عمليات يتكون احد عدديها من رقمين .

المجموعة الثانية :-

تلاميذ يمتازون بالدقة في الحل ولكن مع بطء كبير في عمليتي
الضرب والقسمة .

وللعلاج تم تقديم انواع من النشاط يستخدم فيه التلاميذ مواد
محسوسة تجعل العلاقة التي تتضمنها عمليات الضرب والقسمة ظاهرة .

المجموعة الثالثة :-

تلاميذ يظهرون اخطاء فردية مستمره .

وأمكن التخلص من هذه الاخطاء بواسطة الممران على العمليات
ذات الصعوبة بالنسبة للتلميذ .

المجموعة الرابعة :-

تلاميذ ضعاف في نقطة معينة في عمليات اساسية نتيجة لفهم
غير كاف . وهنا يأتي دور الحاجة الى الامثلة المتدرجة في العمل
العلاجي .

المجموعة الخامسة :-

تلاميذ أقل قدرة .

وقد تم وضع برنامج للتلاميذ خطط بعناية ليتعلموا عن طريق
المحسوس ، مع تطبيق مستمر على المواقف في حجرة الدراسة وعلى
موضوعات المنهج (ص ص ٧٧ - ٩٧) .

وفي دراسة اخرى عن اسباب الاخطاء يذكر تومى (1911) Tommie

ان للاخطاء اسباب تنحصر فيمايلي :-

١ - اسباب ناتجه عن الاهمال ، حيث عرف خطأ الاهمال بأنه الخطأ الذى لا يكرره التلميذ بصورة ثابتة ويحدث غالباً عندما ينحرف التلميذ فى حله عن المسار الصحيح اثناء تطبيق احد الاجراءات .

٢ - اسباب ناتجه عن تعلم المفاهيم : اذ عرف خطأ المفاهيم بأنه الخطأ الذى يرتكبه التلميذ بصورة ثابتة اثناء تطبيق أحد الاجراءات .

ويرى انه يمكن علاج ذلك من خلال التدريس ، فعلى المعلمين أن :-

- ١ - يميزوا بين اخطاء المفهوم واطياء الاهمال .
- ٢ - يستنتجوا اسباب اخطاء المفاهيم .
- ٣ - يقدموا الاجراءات العلاجية الملائمة . (PP. 467 - 469)

ولمعرفة اسباب الاخطاء الشائعة فى عمليتي الضرب والقسمة

قام صالح العبيدى (١٩٧٤ م) بمايأتى :-

١ - مناقشة بعض معلمى ومعلمات المرحلة الابتدائية :-

وقد أشار البعض الى أن الخطأ الشائع يرجع الى عدم حفظ

حقائق الضرب ، ويعتقد البعض الاخر ان وجود الاخطاء يرجع الى كثرة

عدد التلاميذ فى الصف الواحد .

٢ - استطلاع رأى بعض المشرفين " ١٠ " التربويين :-

ومن خلال اجاباتهم اتضح ان الاخطاء الشائعة ترجع الى:-

أ - صعوبة مفهوم الصفر لدى التلاميذ وعدم ادراكهم له وللعمليات التى
تجرى عليه .

ب - حفظ حقائق الضرب عن طريق التكرار الى " ٧ x ١ ، ٧ x ٢ " حتى
يصل ٧ x ٩ " .

ج - تدريس العمليات الحسابية مستقلة عن بعضها ، وعدم الربط بينها .

٣ - المقابلات الفردية مع بعض التلاميذ :-

أذ تم استنتاج مايلى :-

أ - عدم فهم التلاميذ لكل من عمليتى الضرب والقسمه .

ب - عدم المران الكافى على العمليات .

ج - عدم ربط العمليات بعضها ببعض .

ويرى العبيدى ان علاج الاخطاء الشائعة يتناول انماط الاخطاء

وكذلك اسباب الاخطاء المتعلقة بطريقة التدريس ، فالفهم يجب ان يسبق

التدريس ويرتبط به حتى يتضح معنى العمليات وارتباطها (ص ص ٧٤ - ٩٧)

كما استخلصت لند كوكس (1975) Linda Cox

أسباب الاخطاء الخاصة بعملياتى الجمع والطرح للاعداد الصحيحة

فى ثلاث نقاط رئيسية هى :-

١ - اسباب منتظمه للاخطاء وتحدث فى ثلاث من خمس مسائل فى مستـوى

مهارى معين .

- ٢ - اسباب عشوائية وتحدث فى ثلاث او أكثر من المسائل الخمسة فى مستوى مهارى معين ، بدون شكل محدد للاخطاء .
- ٣ - اسباب ناتجة عن الاهمال وهي التى تحدث مرة أو مرتين فى مجموعة المسائل الخمسة .

وترى كوكس ان العلاج يتم عن طريق تحليل العمل الحسابى سواء كان عملية جمع أو طرح " الى المستويات المهارية من الاسهل الى الاكثر صعوبة ، ثم بناء اختبار تشخيصى وتقديمه للتلاميذ ، وعلى المعلم مراعاة طول الاختبار ، وملاحظة التلاميذ . (PP. : 151 - 157)

ويورد جيمس (1978) James أن اسباب الاخطاء فى العملية الحسابية داخل الحجرة الدراسية هي :-

- ١ - الاهمال من قبل التلميذ .
- ٢ - الحل الفوضوى والسيء التنظيم .
- ٣ - عدم توجيه الشكر والثناء للتلاميذ على النظافة والتنظيم .
- ٤ - اسباب عفوية حيث يصعب جدا وجود تلميذ خاليا من الاخطاء .

كما يرى ان يكون العلاج وفق الخطوات التالية :-

- ١ - بناء اختبار تشخيصى للتلاميذ .
- ٢ - التحليل الدقيق للاعمال التى قام بها التلاميذ فى الاختبار التشخيصى .
- ٣ - فهم المعلم للخطوات الاساسية فى تطوير عملية حل المسألة ، بحيث يفكر فى المهارات الحسابية المطلوبة مسبقا .

أ - أسباب تتعلق بطرق التدريس الحالية سواء في مدارس التعليم العام

أو كليات التربية مثل :-

- ١ - عدم العناية بالمفاهيم الرياضية وطرق إكتشافها .
- ٢ - عدم الاهتمام بالفهم .
- ٣ - عدم تعويد المعلم لتلاميذه على استخدام طرق البرهنة
وأساليب التفكير السليم .
- ٤ - عدم استخدام وسائل تكنولوجيا التعليم في التدريس .
- ٥ - عدم توحيد المصطلحات الرياضية في مدارس التعليم وكليات
التربية .

ب - أسباب تتعلق بنظم إعداد المعلم مثل :-

- ١ - عدم التوجيه السليم .
- ٢ - افتقار معلم المستقبل الى التعلم الذاتي المستمر .
- ٣ - عدم كفاية التدريب العملي .
- ٤ - قصور في برامج الاعداد .

ويضيف خليفه أن علاج اسباب الوقوع فى هذه الاخطاء

يتم من خلال النقاط التالية :-

- ١ - استخدام طرق التدريس الحديثه .
- ٢ - الاهتمام بالتدريب العملي .
- ٣ - ادخال منهج دراسى جديد فى الرياضيات (ص ص : ٢٠٨ - ٢١٧) .

ويرى الباحث من خلال مراجعة توصيات المؤتمرات والندوات

ونتائج العديد من الدراسات وافكار بعض التربويين ان الاخطاء

الشائعة في العمليات الحسابية والتي يقع فيها التلاميذ ترجع الى

أكثر من سبب، ومن هذه الأسباب طريقة التدريس أو الموجه التربوي أو المعلم أو التلميذ أو طبيعة المادة الدراسية وغير ذلك .

ألا إن الأخطاء الشائعة قد ترجع إلى طريقة التدريس أكثر من رجوعها إلى التلميذ أو طبيعة المادة، فالمدرس بحكم التصاقه بتلاميذه يستطيع أن يجعل من المادة شيء مشوق ومرغوب فيه، فإذا كانت طريقته التي يتبعها في الشرح واضحة وسليمة فإنها تنعكس على التلميذ وعن طريق تحسين طريقة التدريس يمكن التخلص من معظم الأخطاء الشائعة .

كما إن الموجه التربوي يتحمل قسما من المسؤولين وذلك للأسباب التالية :-

- ١ - عدم الاهتمام بعملية تقويم المدرس وتوجيهه مما أدى إلى إهمال كثير من المدرسين .
- ٢ - عدم تبليغ المسؤولين بما هو كائن عن مستوى الطلاب .
- ٣ - عدم إجراء بحوث ودراسات لمعرفة الأخطاء الشائعة بين التلاميذ وبالتالي لفت انتباه المدرس إلى ذلك .

ثالثا : الدراسات السابقة :-

مقدمة :-

ان علم الرياضيات من العلوم التى أهتم بها كثير من المربين فى عصرنا هذا والعصور السابقة ، والمتتبع لهذا العلم فى المرحلة الابتدائية يجد ان هناك عدد غير قليل من التلاميذ يجدون صعوبات مختلفة ويقعون فى اخطاء تساهم بشكل فعال على تدنى مستواهم .

ونتيجة لذلك قام الباحثون فى البلاد العربية والاجنبية بالعديد من الدراسات التى شملت محتوى مقررات الرياضيات فى المرحلة الابتدائية والاهداف المراد تحقيقها ، واساليب التدريس التى يجب اتباعها للوصول الى الهدف ، وعمليات التقويم للتلاميذ .

وبالرغم من التقدم الذى حدث فى تقليل هذه الصعوبات والذى جاء مع تحسن المناهج وطرق التدريس ، الا انها حدثت فى بعض المواضيع مثل : صعوبات الطرح بالاستلاف ، الصفر فى العمليات الاسياسية ، وعمليات القسمة بصفة خاصة ، والاطاء الشائعة فى العمليات الاربعة ، كل ذلك أدى الى وجوب معرفة الاسباب وطرق علاجها .

وبالنسبة للدراسات العلمية فى الرياضيات فهى كثيرة جدا . يصعب حصرها " اذ دلت ابحاث برونل Bronel على وجود ٣٩٠ بحثا فى الحساب نشرت قبل سنة ١٩٢٨م ، فمابال التى أجريت بعد ذلك التاريخ ؟ " (محمد حسين على ، ١٩٧٤م ، ص ٤١) .

وبناء على ما سبق وفي ضوء هدف الدراسة الحالية ،ومن خلال تتبع ماتوفر من الدراسات الحالية التي تناولت الاخطاء الشائعة فى العمليات الاساسية ،سيتم عرض هذا الجزء من الدراسات السابقة كالتالى:

- ١ - دراسات حددت نسبة معينة لمعرفة ماهية الخطأ الشائع .
- ٢ - دراسات لم تحدد نسبة معينة للخطأ الشائع واعتبرت أعلى نسبة هي الخطأ الشائع .

ان عملية عرض هذه الدراسات ستتم بطريقة تأخذ فى الاعتبار (ما يمكن) تصميم الدراسة من حيث الهدف ،حجم العينة ،النتائج .

١ - دراسات حددت نسبة معينة لمعرفة ماهية الخطأ الشائع :-

لقد سارت الدراسات التى حددت نسبة معينة للخطأ الشائع فى

اتجاهيين :-

الاتجاه الاول :-

اشتقاق الاخطاء الشائعة من العمليات الاساسية على الاعداد

الصحيحه .

الاتجاه الثانى :-

اشتقاق الاخطاء الشائعة من العمليات الاساسية على الكسور .

فمن دراسات الاتجاه الاول :-

دراسة قام بها احمد ابو العباس ومحمد العطرونى (١٩٦٩م) فى

العراق. وقد هدفت الى معرفة اسباب ضعف تلاميذ المرحلة الابتدائية

فى الحساب ومحاولة وضع اقتراحات للعلاج ، وقد اجريت على عينة قدرها (٢٣٨٠) تلميذ من تلاميذ الصف الاول الابتدائى ، وكانت على عملية الجمع فقط . وحدد أحمد ومحمد الخطأ بنسبة ١٥٪ فمافوق .

ومن ابرز النتائج التى توصلت اليها هذه الدراسة مايلى :-

- ١ - عدم اهتمام المعلم بتوضيح المفاهيم الاساسية فى الحساب .
- ٢ - عدم استخدام الوسائل التعليمية بالقدر الكافى .
- ٣ - عدم الاهتمام بدراسة الخواص والمبادئ الرئيسة للمفاهيم والعمليات الحسابية .
- ٤ - عدم ملاحظة الاخطاء التى يقع فيها التلاميذ ودراستها بهدف تعديل اساليب التدريس .
- ٥ - الاعتماد على التلقين فى التدريس وعدم اتاحة فرص المناقشة للتلاميذ .
- ٦ - الاسراع فى التدريس .

كما اجريت دراستان متشابهتان من حيث الهدف ، اجراهما كل من عزيزة عبد العظيم أمين (١٩٦٤م) بالقاهرة ، وصالح عبد اللطيف العبيدى (١٩٧٤م) فى بغداد . وقد هدفت الدراستان الى معرفة الاخطاء الشائعة فى عمليتى ضرب وقسمة الاعداد الصحيحه ومحاولة وضع اقتراحات للمعالجة ، وقد تم اجراء الدراستين على عينة عشوائية من تلاميذ وتلميذات الصفوف الرابعة والخامسة والسادسة الابتدائى بواقع (٥٠٠) تلميذ وتلميذه من كل صف . وكان الاختلاف فى نسبة الخطأ الشائع ٢٥٪ فما فوق للدراسة الاولى ، ونسبة ٢٠٪ فمافوق للدراسة الثانية ، وقد جاءت نتائج الدراسة الاولى كالاتى :-

- ١ - وجود اخطاء شائعة فى عملية الضرب بجميع افكار العملية الاساسية
ماعدًا ضرب رقم x ورقم وضرب رقم $x \cdot 1$.
- ٢ - وجود اخطاء شائعة فى عمليات القسمة بمستوياتها المختلفة ماعدًا
حقائق القسمة فى الصف السادس .
- ٣ - ارتفاع النسب المئوية للاخطاء بازياد الصعوبة النسبية للعمليات.
- ٤ - ارتفاع النسب المئوية للاخطاء فى حالة عمليات القسمة التى بها باق.
- ٥ - تقدم التلاميذ من الصف الرابع الى الخامس الى السادس .

كما توصلت الدراسة الثانية الى النتائج التالية :-

- ١ - وجود اخطاء فى جميع الافكار الاساسية لعملية الضرب ماعدًا ضرب
عدد يتكون من رقم واحد x عدد مكون من رقم أو اكثر .
- ٢ - وجود اخطاء فى جميع حقائق عملية القسمة .
- ٣ - تدرج النسب المئوية للاخطاء الشائعة فى الهبوط ، وفى الصف الخامس
أقل ماهى عليه فى الصف الرابع ، وفى السادس أقل ماهى عليه فى
الخامس .
- ٤ - ارتفاع نسبة الاخطاء الشائعة فى حالة وجود اخطاء فى المقسوم .
- ٥ - تقدم التلاميذ من الصف الرابع الى الخامس الى السادس .

وقد أظهرت النتائج تشابه الدراساتين بوجود الانماط التالية:

- اطفاء فى حقائق الضرب ، اخطاء فى الضرب بالصففر ، اخطاء فى عمل الارقام
اطفاء فى الوضع المكانى .

وكذلك تتفق الدراسات فى اسباب الاخطاء المتعلقة بطريقتة

التدريس وهى : عدم فهم التلاميذ لعمليات الضرب والقسمة ، عدم

عدم الربط بين العمليات • وكان ترتيب كل من الانماط واسباب الاخطاء هو نفسه فى الدراساتين •

وفى نمط اخر من الدراسات للتعرف على الاخطاء الشائعة بين طلاب السنة الثالثة من اقسام الرياضيات بكليات التربية فى جمهورية مصر ، دراسة قام باجرائها خليفة عبد السميع (١٩٨٢م) وكانت نسبة الخطأ الشائع ١٠٪ فمافوق • ولإختيار العينة قسم خليفه كليات التربية حسب تاريخ انشائها ، ومن هذه الكليات اختار عينة تمثل كليات التربية حسب موقعها الجغرافى وتاريخ انشائها •

وقد تم تحليل اجابات الطلاب وتحديد الاخطاء الشائعة وتصنيفها الى انماطها وهى : الخلط والتداخل بين المعانى الرياضية المختلفة ، عدم الدقة فى التعبير اللفظى والتحويلات الرياضية ، وعدم التذكر ، وعدم القدرة على التمييز واصدار الحكم الصحيح ، وصعوبات تعوق التفكير الرياضى ، وقصور فى الفهم الرياضى •

ومن دراسات الاتجاه الثانى :-

دراسة قام بها برسوم شنوده (١٩٦٨م) بالقاهرة ، وذلك لمعرفة الاخطاء الشائعة فى الكسور الاعتيادية فى العمليات الاسياسية لـدى تلاميذ الصفوف الرابعة والخامسة والسادسة الابتدائى •

وللوصول الى هذه الاخطاء قام برسوم باجراء ٦ اختبارات فى العمليات الاربعة (الجمع ، الطرح ، الضرب ، والقسمة) وطبقت على عينة

قدرها (١٥٠٠) تلميذ وتلميذه موزعين على (١٢) مدرسة بمحافظة القاهرة، وقد اعتبر نسبة الخطأ الشائع ١٥٪ فمافوق . وقد توصل الى النتائج التالية :-

- ١ - وجود اخطاء شائعة فى حالة جمع عدد صحيح وكسر ، عدد صحيح وعدد كسرى كذلك وجدت اخطاء فى حالة جمع الكسور المختلفة المقامات .
- ٢ - وجود اخطاء شائعة فى جميع الافكار الاساسية فى حالة عمليات الطرح ويستثنى من ذلك طرح كسر من كسر والمقامات الموحدة .
- ٣ - وجود اخطاء شائعة فى جميع الافكار الاساسية فى حالة الضرب .
- ٤ - وجود اخطاء شائعة فى جميع عمليات القسمة .
- ٥ - ارتفاع النسب المئوية للاخطاء فى حالة العمليات التى تستلزم توحيد المقامات فى الجمع والتى بها استلاف فى الطرح ، وفى حالة قسمة كسر على عدد كسرى ، عدد صحيح على عدد كسرى ، كسر على عدد صحيح .
- ٦ - تقدم التلاميذ من صف الى صف اخر فيما عدا فى حالة طرح عدد صحيح ، وكسر ، وعدد كسرى .
- ٧ - أمكن تصنيف الاخطاء فى العمليات الاربع الاساسية فى الكسور الاعتيادية الى انماطها .
- ٨ - اسفر البحث عن استنتاج بعض اسباب الاخطاء التى تتعلق بطريقتة التدريس وهى عدم الفهم ، وعدم التدريب الهادف وعدم الربط بين العمليات .

٢ - دراسات لم تحدد نسبة معينة للخطأ الشائع واعتبرت اعلى نسبة هـى

الخطأ الشائع :-

سعى وراء البحث عن الاخطاء جرت العديد من الدراسات والبحوث فى اتجاه واحد فقط وهو اشتقاق الاخطاء الشائعة من العمليات الاساسية على الاعداد الصحيحه .

ومن هذه الدراسات دراسة قام بها بيرج Burge (١٩٣٢ م) وهدفت الى دراسة انواع الاخطاء الحسابية فى عملية ضرب الاعداد الصحيحه. وقد استخدم بيرج اسلوب التشخيص الفردى حيث أظهر التحليل الدقيق الذى أجراه لعدد (٢١١٠) تلميذا فى الصفوف الدراسية الرابعة والخامسة والسادسة ٨٦ خطأ ، ثم وضع هذه الاخطاء فى سبع فئات كالتالى :-
 أخطاء فى الجمع ، اخطاء فى الرفع ، اخطاء غير منتظمة ، اخطاء فى استخدام الصفر ، اخطاء فى عدم تكلمة نتائج الضرب ، أخطاء فى اضافة نتائج للضرب ، واطفاء مختلفة .

كما اجريت دراستان متشابهتان من حيث الهدف ، أجراهما كل من وليامز Williams (١٩٣٧م) فى شيكاغو بأمريكا ، ومحمد حسين على (١٩٥٧م) فى الاردن . وقد هدفت الدراستان الى معرفة اسباب ضعف تلاميذ المرحلة الابتدائية فى الحساب ومحاولة وضع اقتراحات للمعالجة ، وقد تم اجراء الدراسة الاولى باستخدام الشكل البيانى التشخيصى الذى أعده بسول وجون للعمليات الاساسية فى الحساب مع (١٥٦) تلميذ فى الصفوف الدراسية الرابعة الى الثامنة .

اما الدراسة الثانية فقد اجريت على عينة من بنين وبنات الصف الثانى (٢٣٦٠) والثالث (٢٢٥٦) والرابع (١٧٠٠) والخامس (١٧٢٤)

والسادس (١٧٠٠) الابتدائي، وقد اظهرت نتائج الدراسة الاولى ان الصعوبات البارزة فى العمليات ناتجة عن اخطاء فى الجمع حيث كان اكثر من ثلاثة اخماس التلاميذ يرتكبون مثل هذه الاخطاء، كما ان اخطاء الصفر ايضا كانت شائعة، وفى الطرح ارتكب ٢٩٪ من التلاميذ اخطاء بسبب وجود الصفر فى المطروح منه . وفى الضرب ظهرت أربعة انواع من الصعوبات مع الصفر، وفى القسمة ارتكب ٢٨٪ من التلاميذ أخطاء نتجت عن الصعوبة فى استخدام الصفر . اما عن الدراسة الثانية فقد تركزت الاخطاء فى عمليتى الجمع والطرح، وفى عملية الجمع ظهرت المشاكل التالية : الحمل، جمع ثلاثة اعداد أو أكثر، الخلط، مشاكل الصفر، وفى عملية الطرح كانت المشاكل هى : الاستلاف، ترتيب المنازل، مشاكل الصفر .

كما قام كل من قروسنيكل Grossnickle (١٩٣٦م) وهولاند Holland (١٩٤٢م) بدراستين متشابهتين من حيث الهدف . وقد هدفت الدراستان الى البحث عن الاخطاء المرتبطة بعملية القسمة المطولة، وقد تم اجراء الدراسة الاولى على (٤٥٣) تلميذ فى الصفوف الدراسية الخامسة الى الثامنة، وجمعت الاخطاء تحت التصنيفات التالية :-

أخطاء فى الجمع، اخطاء ناتجة عن استخدام الاعداد الباقية، اخطاء ناتجة من الصفر، اخطاء ناتجة عن اجراءات خاطئة، اخطاء ناتجة عن تشتت الانتباه، وعن عمليات تنزيل الارقام .

فى حين اشارت الدراسة الثانية الى انواع عديده من الصعوبات التى يواجهها التلاميذ، فمنها صعوبات فى حقائق القسمة، صعوبات فى الطرح والضرب، صعوبات ناتجة عن تطبيق العمليات الاساسية فى ظروف القسمة المطولة، صعوبات فى كتابة الارقام، صعوبات فى تقدير خارج القسمة، وصعوبات فى استخدام الصفر .

وفى دراسة أخرى لقروسنيكل (١٩٣٩م) وضح فيها درجة شبكات
الاططاء المرتكبة من قبل مجموعة مكونه من ٢٢١ تلميذ من الصف الدراسى
الرابع باستخدام قاسم ذى رقمين . وقد احتفظ بسجل لاططاء كل طالب
فى ٢٦ تدريب مختلف ولكنه اشار فقط الى ٢٤ من الاططاء الاكثر تكرارا .

وفى نمط اخر من الدراسات الاجنبية جرت ثلاث دراسات متشابهه
من حيث الهدف اجراها كل من شنل Shonell (١٩٥٧م) ، لسلاى كلايد
Leslie Clyde (١٩٧٠م) ، ولندا كوكس Linda Cox (١٩٧٤م)
وتهدف الى دراسة الاططاء الحسابية بالعمليات الاساسية الاربعة فى
الحساب . وقد طبقت الدراسة الاولى على تلاميذ المرحلة الابتدائية
ولم يحدد شنل الخطأ الشائع بنسبة معينة بل اعتبر اعلى نسبة هى
الخطأ الشائع ، وقد صنف الاططاء الشائعة فى الجمع الى :-

- ١ - أخطاء فى العمليات الاساسية مثل : $٥٧ + ٥٩ = ١١٧$.
- ٢ - اخطاء فى حذف ارقام محموله مثل : $٣٩ + ٤٨ = ٧٧$.
- ٣ - اخطاء فى حمل رقم خاطىء مثل : $٩٤ + ٨٣ + ٧٦ + ٥٩ = ٣٠٢$.
- ٤ - اخطاء فى جمع الاعداد من عمود اخر مثل : $٩٤ + ٨٢٧ + ١٩ + ٨١ + ٣ =$
 $١٠٥٤ =$
- ٥ - اخطاء فى جمع الارقام المحمولة مرتين مثل : $٩ + ٧٨٤ + ١٠٣ + ٢٨ = ٩٤٤$.
- ٦ - اخطاء فى حذف رقم أو أرقام من العمود مثل : $٩٥١ + ٣٨٢ + ٤٦٧ +$
 $٥٣٩ + ١٩٦ = ٢٤٥٥$.

اما الاططاء الشائعة فى الطرح الى :-

- ١ - اخطاء فى حذف ماينبغى عمله فى "الاستلاف" مثل : $٧٨٦ - ٥٨ = ٧٣٨$.

- ٢ - اخطاء فى طرح الارقام التى فى الصف الاعلى " المطروح منه " من
الصف الاسفل " المطروح " مثل : $316 - 27 = 311$.
- ٣ - اخطاء فى طرح الاعداد المتشابهة فى المطروح منه والمطروح مثل:
 $38 - 8 = 38$.
- ٤ - اخطاء فى طرح صفر من رقم أو رقم من صفر مثل : $80 - 57 = 30$.
- ٥ - اخطاء نتيجة للجمع بدلا من الطرح مثل : $387 - 196 = 421$.
- ٦ - اخطاء نتيجة اضافة فى المطروح حيث لا يكون هناك استلاف مثل :
 $987 - 832 = 145$.

فى حين طبقت الدراسة الثانية على تلاميذ الصف السادس
الابتدائى بمنطقة ليفينجستون بولاية لوزيانا الامريكية ، وقد صنفت كل
تلميذ فى مجموعه حسب انجازه فى الاختبار وهى ثلاث مجموعات كالتالى :-
المجموعة الاولى : للطلبة الذين توصلوا للحل 100% .
المجموعة الثانية : للطلبة الذين فهموا العملية ولكن وجدوا بعض الصعوبة .
المجموعة الثالثة : للطلبة الذين لم يتوصلوا الى حل اى تمرين بشكل
صحيح .

وقد اعيدت الاختبارات للطلبة فى المجموعة الثانية للتوصل
الى معرفة الازخطاء وحل كل تمرين لمعرفة سبب الخطأ فيه ، ووجد الباحث
نتيجة الازخطاء بالنسبة للعمليات الاربعة كالتالى:-

الجمع (١٧) خطأ ، الطرح (٢٠) خطأ فى كل المجموعات ، الضرب
فى المجموعة الاولى (١٤) خطأ ، وفى المجموعة الثانية (١٦) خطأ ، القسمة
فى المجموعة الاولى (١٥) خطأ ، وفى المجموعة الثانية (١٦) خطأ ، وقد

صف ٩٧٢ خطأ ، واتضح ان القسمة هي اصعب العمليات ثم الطرح وان الجمع أقلهم .

اما الدراسة الثالثة فقد اجريت على تلاميذ الصفوف من الثانى الى السادس الابتدائى بالاضافة الى صفوف التعليم الخاص " المعوقين " ، اذ كان عدد الاطفال ٧٤٤ وذلك بمقاطعة جونسون بولاية كانساس الامريكية موزع كالتالى : مجتمع الطلاب من الصف الثانى الى السادس = ٥٦٤ تلميذ مجتمع الطلاب المعوقين = ١٨٠ تلميذ . وقد نوقشت خمسة تقارير لدراسة مدتها سنتين وكانت التقارير كالتالى :-

- التقرير الاول : مقارنة أنماط الاخطاء المنتظمة الحسابية فى الحساب لدى طلاب العينة .

- التقرير الثانى : الاخطاء المنتظمة فى عملية الجمع لدى ٧٠٠ طفل من العينة .

- التقرير الثالث : الاخطاء المنتظمة فى عملية الطرح لدى ٧٠٠ طفل من العينة .

- التقرير الرابع : الاخطاء المنتظمة فى عملية الضرب لدى ٧٠٠ طفل من العينة .

- التقرير الخامس : الاخطاء المنتظمة فى عملية القسمة لدى العينة السابقة

وقد تم انتقاء الاطفال الذين يمتلكون معرفة كافية بالحقائق الاساسية والذين تلقوا تدريبا سابقا عن العمليات الحسابية ، وايضا تم دراسة الاخطاء ضمن مستويات المهارة الحسابية لكل عملية حسابية ، وقد بينت النتائج ان ٥٪ الى ٦٪ من الاطفال ارتكبوا اخطاء فى عمليات الجمع والضرب والقسمة وكانت النسبة ١٣٪ بالنسبة لعملية الطرح . وبعد مرور عام كان ٢٣٪ من الاطفال يرتكبون اخطاء .

ومن اهم الدراسات المتعلقة بموضوع الاخطاء الشائعة تلك
الدراسة التى اجراها بيروز Burrows (١٩٧٧م) وتهدف الى
مراجعة الدراسات التى أجريت من عام ١٩٢٥ حتى ما قبل عام ١٩٧٧ والخامة
بالاخطاء الشائعة فى العمليات الاساسية الاربعة للاعداد الصحيحه . وقد
تم الوصول الى النتائج التالية :-

- ١ - تحديد الاخطاء بعدد قدرة (١٩٣) خطأ حسابيا فى هذا البحث وهذا
الرقم يقول عنه بيروز Burrows " هو ماكشفته لنا هذه
الدراسات من مجموع ٣٥ خطأ فى الجمع فريدة من نوعها ، ٣٣ خطأ
فى الطرح ، ٥٤ فى الضرب ، ٧١ خطأ فى القسمة " .
- ٢ - كانت هناك محاولات لتصنيف الاخطاء فى فئات مختلفة لكل عملية
حسابية .
- ٣ - اذا استمر الطفل فى ارتكاب خطأ بصورة منتظمة فانه من المحتمل
ان يكون هذا الخطأ من الـ (١٩٣) خطأ .

وفيما يلى عرض لبعض الامثلة من الاخطاء الشائعة فى العمليات

الاربعة :-

$$\begin{array}{r} 39 \\ + \\ 8 \\ \hline 77 \end{array}$$

الخطأ هنا حذف رقم الرفع .

$$\begin{array}{r} 803 \\ - \\ 478 \\ \hline 335 \\ 32 \\ \times \\ 24 \\ \hline 648 \end{array}$$

الخطأ طرح العدد الاصغر من الاكبر لكونه لا يستطيع ان
يستلف من الصفر .

الخطأ هنا ضرب الاحاد فى العشرات

$$\begin{array}{r} 2 \\ \overline{) 30} \\ 6 \end{array}$$

الخطأ القسمة بطريقة عكسية .

من خلال استعراض الدراسات السابقة ومناقشتها يمكن ان نخلص الى

الاستنتاجات التالية :-

١ - معظم الدراسات وخاصة الدراسات الاجنبية ركزت على موضوع الاعداد الصحيحة من حيث العلاقات بين الاعداد وجمع الأخطاء المختلفة في كل عملية ، وتقسيم الأخطاء الى أنواع كثيرة- فتجد أن قروسنيكل Grossnickle قسم الأخطاء الشائعة باستخدام قاسم ذي رقمين الى ١١٣ نوعاً مختلفاً ، وكذلك لسلاى كلايد Leslie Clyde صنف الأخطاء الى ٩٧٢ خطأ وبيروز Burrows الى ١٩٣ خطأ - أو الاعتماد على المهارة في اجراء العمليات الحسابية كما فعلت لندا Linda أو ارجاع الأخطاء الى عوامل كثيرة كما فعل شنل Shonell . كل ذلك تسبب في صعوبة علاج الأخطاء ، تقسيم كل عملية الى اجزاء ، عدم الربط بين عمليات الجمع والطرح ، وكذلك بين الضرب والقسم مما جعل معنى العمليتين غير مترابط ، وعدم ظهور اساليب للتدريس يمكن من خلالها علاج هذه الأخطاء .

٢ - عدد قليل من الدراسات السابقة سواء كانت عربية أو اجنبية اهتم بموضوع الأخطاء الشائعة في الكسور ، ودراسة (برسوم - ١٩٦٨ م) هي الوحيدة التي تناولت جانب الكسور .

٣ - الاختلاف في الحاصل في الدراسات السابقة لوضع نسبة تمثل الخطأ الشائع ، وفيما يلي جدول رقم (٢) يوضح ذلك .

جدول رقم (٢)

نسبة الخطأ الشائع	الباحث	
لم تحدد	(Burge , 1932)	بيرج ١
لم تحدد	(Grossnickle, 1936)	قرونيكل ٢
لم تحدد	(Williams , 1937)	وليامز ٣
لم تحدد	(Grossnickle , 1939)	قرونيكل ٤
لم تحدد	(Holand , 1942)	هولاند ٥
لم تحدد	(Shonell , 1957)	شنل ٦
لم تحدد	محمد حسين على (١٩٥٧ م)	٧
٢٥ %	عزيزة عبد العظيم أمين (١٩٦٤ م)	٨
١٥ %	برسوم شنودة (١٩٦٨ م)	٩
١٥ %	أحمد أبو العباس ومحمد العطرونى (١٩٦٨ م)	١٠
لم تحدد	(Leslie Clyd, 1970)	لسلاى كلايد ١١
٢٠ %	صالح عبد اللطيف العبيدى (١٩٧٤ م)	١٢
لم تحدد	(Linda Cox, 1974)	لندا كوكس ١٣
لم تحدد	(Burrows , 1977)	بيروز ١٤
١٠ %	خليفة عبد السميع (١٩٨٢ م)	١٥

الجدول السابق يوضح الاختلاف فى نسبة الخطأ الشائع، كما أنه

يبين ان جميع الدراسات الاجنبية ودراسة محمد حسين لم تحدد نسبة

معينة للخطأ الشائع بل اعتبرت أعلى نسبة للخطأ هي التي تمثل شيوعه .

بناء على ما سبق ستقوم الدراسة الحالية باستكمال ما لم تهتم

به الدراسات السابقة، وبالتحديد ستقوم بمايلي :-

- ١ - التركيز على الأخطاء الشائعة فى الأفكار الأساسية لعمليتى جمع وطرح الأعداد الصحيحة والكسرية ، ثم ايجاد انماط هذه الأخطاء .
 - ٢ - الاهتمام بهدف هام من أهداف تدريس الرياضيات وهو اكساب المهارة فى بعض العمليات الأساسية وهى عمليتى الجمع والطرح على أساس الأفكار الأساسية لاعلى أساس التجزىء لكل عملية .
 - ٣ - البحث فى تغيير نسب الأخطاء الشائعة من صف الى آخر مما يساعد على معرفة ماهية الأخطاء فى الصفوف المختلفة بالمرحلة الابتدائية .
 - ٤ - التركيز على الأخطاء الشائعة وهى المتكررة بين التلاميذ بنسبة ٢٠٪ فمافوق ، وليس بالأخطاء الفردية الناتجة عن الفروق الفردية أو عوامل اخرى متنوعه .
-

" الفصل الثالث "

((اجراءات الدراسة والتطبيق الأساسي))

- أولا : أدوات الدراسة
- ثانيا: التطبيق المبدئي والتجربة الاستطلاعية
- ثالثا : أسئلة وفرضية الدراسة
- رابعا: مجتمع وعينة الدراسة
- خامسا: التطبيق الأساسي للدراسة
- سادسا: الاسلوب الاحصائي المستخدم في الدراسة

أولا : أدوات الدراسة

للإجابة على أسئلة الدراسة وفرضيتها تم تصميم أداة أساسية وهي اختبار تحصيلي في جمع وطرح الأعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي، وقد اقتضت بنود هذا الاختبار على عمليتي الجمع والطرح للأسباب التالية :-

١ - أن الفصل الدراسي الأول لمقرر الصف الخامس يتم فيه تدريس عمليتي الجمع والطرح للأعداد الصحيحة والكسرية، أما عملية الضرب فيتم تدريس جزء منها في الفصل الدراسي الأول والجزء الآخر في الفصل الدراسي الثاني مع عملية القسمة .

٢ - ومن ناحية تربوية يذكر أحمد أبو العباس ومحمد العطروني (١٩٧٨ م) أن الجمع والطرح نظاما عكسيا واحدا، ففهم أحدهما يتوقف على فهم الآخر (ص ٢٠٨) .

ويضيف يحيى هندام (١٩٦٦ م) أنه يجب تدريس عمليتي الجمع والطرح

معاً، ثم تتبعها عمليتا الضرب والقسمة (ص ٢٧) .

وقد تم إعداد هذا الاختبار حسب الخطوات التالية :-

- ١ - تحديد محتوى المادة التعليمية .
- ٢ - تحديد الأهداف التعليمية في عبارات سلوكية محددة وواضحة .
- ٣ - تحديد عدد الحصص اللازم لتدريس وحدتي جمع وطرح الأعداد الصحيحة والكسرية .
- ٤ - إعداد جدول الأوزان النسبية لموضوعات المحتوى .
- ٥ - إعداد عناصر الاختبار .
- ٦ - التحقق من صدق الاختبار .

١ - تحديد محتوى المادة التعليمية :-

من خلال تحليل "وحدتى جمع وطرح الاعداد الصحيحه والكسرية" تم تحديد الافكار الاساسية المتعلقة بعمليتى الجمع والطرح والتي لا بد للتلاميذ من اتقانها فى الفصل الدراسى الاول ،وقد شملت وحدة جمع الاعداد الصحيحه والكسرية على (١٠) موضوعات وكذلك وحدة طرح الاعداد الصحيحه والكسرية على (١٠) موضوعات (انظر ملحق رقم ٢) .

٢) تحديد الاهداف التعليمية فى عبارات سلوكية محدده وواضحه :-

تم صياغة الافكار الاساسية لوحدتى جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية فى عدد من الاهداف السلوكية المعرفية حتى يكون هناك اساس يعتمد عليه فى بناء الاختبار (انظر ملحق رقم ٣) .

٣ - تحدد عدد الحصص اللازم لتدريس وحدتى جمع وطرح الاعداد الصحيحه والكسرية:-

يقصد التعرف على العدد الفعلى للحصص اللازمة لتدريس هاتين الوحدتين ،ومن ثم معرفة عدد اسئلة الاختبار المراد اعداده . قام الباحث بوضع الجدول التالى معتمدا على كتاب المعلم للصف الخامس (١٤٠٦هـ) التابع لوزارة المعارف (صفحة التمهيد) ،وكتاب المعلم للصف السادس (١٤٠٥هـ) التابع لوزارة المعارف (صفحة التمهيد) .

جدول رقم (٣)

العدد الفعلى لخصص وحدتى جمع وطرح الاعدادالصحيحة والكسرية

العدد الفعلى لخصص وحدتى الجمع				العدد الفعلى لخصص وحدتى الطرح			
جمع	جمع كسور	جمع كسور مختلفة المقامات واحدها يملح كمقام مشترك	جمع كسور مختلفة المقامات	طرح	طرح كسور	طرح كسور مختلفة المقامات واحدها يملح كمقام مشترك	طرح كسور مختلفة المقامات
٢	٥	٦	٦	٢	٥	٣	٤

يتضح من الجدول السابق ان عدد الاسئلة = ٣٣ سؤال وهذا الرقم عبارة عن مجموع العدد الفعلى لحصص وحدتى جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .

٤ - اعداد جدول الازان النسبية لموضوعات المحتوى وذلك من اجل تحديد الخصائص المطلوبة فى عناصر الاختبار ويوضح الجدول التالى الذى يعتمد على كمية الخبرات فى المعلومة المراد تدريسها .

جدول رقم (٤)

الازان النسبية لموضوعات المحتوى

مجال المحتوى الدراسي	عدد الاسئلة	الأهداف التعليمية			النسبة المئوية للوزن النسبي لموضوعات المحتوى
		تذكر	فهم	تطبيق	
جمع الاعداد الصحيحة	٢	١	١	-	$\frac{2}{33} \times 100 = 6.06\%$
جمع كسور متحدة المقامات	٥	٢	٢	١	$\frac{5}{33} \times 100 = 15.15\%$
جمع كسور مختلفة المقامات أحدها يملح كمة مقامها لا يملح مشترك	٦	٢	٢	٢	$\frac{6}{33} \times 100 = 18.18\%$
جمع كسور مختلفة المقامات أحدها مقامها لا يملح مشترك	٦	٢	٢	٢	$\frac{6}{33} \times 100 = 18.18\%$
طرح الاعداد الصحيحة	٢	١	١	-	$\frac{2}{33} \times 100 = 6.06\%$
طرح كسور متحدة المقامات	٥	٢	٢	١	$\frac{5}{33} \times 100 = 15.15\%$
طرح كسور مختلفة المقامات أحدها مقامها لا يملح مشترك	٣	١	١	١	$\frac{3}{33} \times 100 = 9.09\%$
طرح كسور مختلفة المقامات أحدها مقامها لا يملح مشترك	٤	٢	١	١	$\frac{4}{33} \times 100 = 12.12\%$
المجموع الراسي للعناصر	٣٣	١٣	١٢	٨	

النسبة المئوية للوزن النسبي لكل هدف = $\frac{13}{33} \times 100 = 39.39\%$ $\frac{12}{33} \times 100 = 36.36\%$ $\frac{8}{33} \times 100 = 24.24\%$

٥ - اعداد عناصر الاختبار :-

وبناء على جدول الازان النسبية قام الباحث باعداد اختبار جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية فى صورته الاولى والمكون من (٣٣) سؤال تم توزيعها فى اربعة اقسام كما يلى :-

أ - القسم الاول : ويتكون من (١٣) سؤال من الاختيار المتعدد ، يختار

التلميذ الاجابة الصحيحه ويضع عليها دائره .

ب - القسم الثانى : ويتكون من (١٢) سؤال وفيه يقوم التلميذ باكمال

عمليات الجمع والطرح .

ج - القسم الثالث : ويتكون من (٥) أسئلة وفيه يتم التلميذ عمليات

الجمع والطرح وذلك بعد تحويل العدد الكسرى الى

كسر غير حقيقى .

د - القسم الرابع : ويتكون من (٣) أسئلة كمسائل حسابية يجيب عليها

التلميذ .

وقد روعى عند بناء الاختبار شروط الاختبار الجيد .

٦ - التحقق من صدق الاختبار :-

تم فى هذه المرحلة التحقق من صدق الاختبار عن طريق صدق المحتوى ، إذ عرض الاختبار على سبعة محكمين (انظر ملحق رقم ٤) من معلمى الرياضيات للمصفين الخامس والسادس الابتدائى بمكة ، وطلب منهم معرفة مرئياتهم حول مدى ملائمة الاسئلة لموضوعات جمع وطرح الاعداد الصحيحه والكسرية . وقد اتفق الجميع على ملائمة الاسئلة ليظل عدد الاسئلة كما هو عليه ٣٣ سؤال .

ثانيا : التطبيق المبدئى والدراسة الاستطلاعية :-

بعد الانتهاء من التحقق لصدق الاختبار تم البدء فى تطبيقه

وذلك للتأكد من النقاط التالية :-

١ - وضوح تعليمات الاختبار .

٢ - تحديد اسئلة الاختبار من خلال ايجاد معاملات السهولة او

الصعوبة لكل سؤال .

- ٣ - حساب معامل الصدق للاختبار .
- ٤ - حساب معامل ثبات الاختبار .

وقد طبق الاختبار على عينة استطلاعية مكونة من (١٣٥) تلميذ من تلاميذ الصفين الخامس (٦٩) والسادس (٦٦) الابتدائي، وتم اختيارهم عشوائيا من مدرستين اختيرتا عشوائيا كمايلي :-

- ١ - مدرسة القادسية من منطقة ذات كثافة سكانية (شارع المنصور) .
- ٢ - مدرسة أبي هريرة من منطقة قليلة السكان (العتيبية) والجدول التالي يوضح ذلك .

جدول رقم (٥)

عينة الدراسة الاستطلاعية

عدد التلاميذ	الفصل	الصف الدراسي	المدرسة
٢٨	ج	الخامس	أبي هريرة
٢٤	أ	السادس	
٤١	أ	الخامس	القادسية
٤٢	أ	السادس	
١٣٥	المجموع الكلي		

ومن خلال التطبيق القبلي تم التأكد من وضوح التعليمات حيث

أن التلاميذ قاموا بالإجابة على الاختبار بدون أي استفسارات .

نتائج الدراسة الاستطلاعية :-

بعد تطبيق الاختبار تم تحليل البيانات وذلك لتحديد معامل

السهولة، والصدق، والثبات .

أ - معامل السهولة :-

قام الدارس بتحليل مفردات الاختبار واستخراج معاملات السهولة من واقع تصحيح (١٣٥) كراسة اختبار . وتم تحديد مستوى السهولة او الصعوبة المقبول به فى هذه الدراسة ما بين (٢٠٪ - ٨٠٪) ، بحيث تقبل الاسئلة السليمة والتي حققت مستوى يقع بين الحدين السابقين .

وبناء على جدول معاملات السهولة أو الصعوبة (انظر ملحق رقم ٥) فقد تم حذف سبع اسئلة لم تحقق المستوى المقبول به لمعامل السهولة ، اذ حقق السؤال الاول معامل سهولة = ٩٥٪ ، والسؤال الثامن معامل سهولة = ٨٨٪ ، والسؤال السابع عشر معامل سهولة = ١٣٪ ، والسؤال التاسع عشر معامل سهولة = ١٤٪ ، والسؤال العشرون معامل سهولة = ١٦٪ والسؤال الثامن والعشرون معامل سهوله = ١٠٪ ، والسؤال الثالث والثلاثون معامل سهوله = ٤٪ .

ب) الصدق :-

ويقصد به سعد عبد الرحمن (١٩٨٣م) ان الاختبار يقيس ماوضع لقياسه (ص ١٩٧) .

وقد استخدم الباحث الصدق التلازمى عن طريق ايجاد معامل الارتباط لبيرسون بين درجات التلاميذ فى الاختبار ودرجات التحصيل المدرسى فى الرياضيات . وكانت العلاقة ٠٦٩ . وهذا يدل على علاقة جيدة .

ج - الثبات :-

ويذكر جابر عبد الحميد (١٩٧٨م) ان المقصود بثبات الاختبار

ان يعطى نفس النتائج اذا ما استخدم اكثر من مره تحت ظروف متماثلـه
(ص ٢٨٦) • ويوجد عدة طرق لحساب معامل الثبات استخدم منها الباحث
طريقة التجزئة النصفية ، فقد تم تجزئة الاختبار الى جزئين بحيث يتكون
الجزء الاول من درجات التلاميذ فى الاسئلة الفردية ، والجزء الثانى من
درجاتهم فى الاسئلة الزوجية ، حيث جرى حساب معامل الارتباط بين درجات
الأسئلة الفردية ودرجات الاسئلة الزوجية • وقد تبين أن معامل الارتباط
ر = ٠٨٧

ولحساب معامل الثبات للاختبار ككل بين النصفين ، تم التصحيح
باستخدام معادلة سبيرمان - براون Spearman - Brown وكان
معامل الثبات ر = ٠٩٣

وبناء على ما سبق يكون قد تم الوصول الى الصيغة النهائية
لاختبار جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية (انظر ملحق رقم ٦) •

ثالثا : اسئلة وفرضية الدراسة :-

صممت الدراسة للاجابة على السؤاليين التاليين :-

- ١ - ماهى الاخطاء الشائعة التى يقع فيها كل من تلاميذ الصفين الخامس
والسادس الابتدائى فى عمليتى جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية ؟
- ٢ - ما أنماط الاخطاء الشائعة التى يقع فيها كل من تلاميذ الصفين
الخامس والسادس الابتدائى فى عمليتى جمع وطرح الاعداد الصحيحة
والكسرية ؟

كما صممت الدراسة للاجابة على الفرضية التالية :-

لاتوجد فروق ذات دلالة احصائية ($\alpha = 0.05$) فى نسب الاخطاء
الشائعة فى عمليتى جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية بين تلاميذ
الصفين الخامس والسادس الابتدائى •

رابعاً : مجتمع وعينة الدراسة :-

تم بناء هذه الدراسة بهدف تحديد الأخطاء الشائعة التي يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي، ومعرفة عما إذا كان هناك اختلاف في نسبة الأخطاء الشائعة بينهما، مع تحديد أنماطها . وهذا يعنى ان مجتمع الدراسة هو تلاميذ المرحلة الابتدائية بمكة . وعينة الدراسة هي عبارة عن تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي لعام ١٤٠٨ بمكة . وقد تم اختيار عينة الدراسة بطريقة العينة العشوائية على مراحل كالتالى :-

١ - فى البداية تم تحديد الأحياء بمدينة مكة وعددها (٢٩ حى تقريبا)

عن طريق خارطة الدليل الإحصائى لمنطقة مكة (ملحق رقم ٧) .

٢ - جرى تقليص عدد الأحياء الى ٩ أحياء رئيسية تشمل مدينة مكة وذلك

لان العديد من الأحياء لها صفات مشتركة من حيث الجنس والحالة

الاجتماعية والاقتصادية وغير ذلك، فمثلا أحياء الفلق والقمرارة

والشامية والشعب يمكن وضعها فى حى رئيسى واحد يمثلها .

٣ - تم اختيار ٩ مدارس عشوائية، بواقع مدرسة من كل حى رئيسى لتكون

ممثلة لمدينة مكة المكرمة .

وقد حدد تقديم الاختبار الى فصلين من كل مدرسة بحيث يكون

فصل من الصف الخامس، وآخر من السادس على ان يتم اختيار الفصلين

عشوائيا .

خامسا : التطبيق الاساسى للدراسة :-

*
قام الباحث بتطبيق اختبار جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية
على عينة بلغت (٥٤٠) تلميذ بالصفين الخامس (٢٧٠) تلميذ ، والسادس
(٢٧٠) تلميذ من (٩) مدارس ابتدائية كما فى الجدول التالى :-

جدول رقم (٦)

عينة الدراسة الاساسية والتي تم عليها التطبيق

المجموع	الصف السادس		الصف الخامس		اسم المدرسة
	عدد التلاميذ	الفصل	عدد التلاميذ	الفصل	
٥٦	٣٠	ب	٢٦	أ	أجساد
٧١	٣٩	أ	٣٢	ج	الامام ابن ماجه
٦٠	٢٢	أ	٣٨	أ	زيد بن الخطاب
٦٤	٣٣	ج	٣١	أ	السعيدية
٧٢	٣٤	أ	٣٨	ب	الشهداء
٥٢	٢٣	ج	٢٩	ج	صلاح الدين الأيوبي
٥٦	٢٩	أ	٢٧	أ	الفلاح
٦١	٣٠	أ	٣١	أ	محمد بن القاسم
٤٨	٣٠	أ	١٨	ب	الملك عبدالعزيز
٥٤٠	٢٧٠		٢٧٠		المجموع

* بدأ التطبيق الاساسى يوم السبت ١٤٠٨/٨/١هـ بمدرسة ابن ماجه .

خطة التصحيح :-

تم التصحيح بموجب الاسس التالية :-

أ - القسم الاول من الاختبار :

- ١ - اعطاء الاجابة الصحيحه درجتان .
- ٢ - اعطاء الاجابة الخاطئة صفر .

ب - القسم الثانى :

- ١ - اعطاء الاجابة الصحيحه درجتان .
- ٢ - اعطاء درجة واحدة عندما يتوصل التلميذ الى البسط الصحيح
أو المقام الصحيح .
- ٣ - اعطاء الاجابة الخاطئة صفر .

ج - القسم الثالث :

- ١ - اعطاء الاجابة الصحيحه درجتان .
- ٢ - اعطاء درجة واحدة عند تحويل العدد الكسرى الى كسر غير
حقيقى .
- ٣ - اعطاء الاجابة الخاطئة صفر .

د - القسم الرابع :

- ١ - اعطاء الاجابة الصحيحه ثلاث درجات .
- ٢ - اعطاء درجة واحدة عند تحويل الصورة اللفظيه الى صورة
رمزية .
- ٣ - اعطاء درجة واحدة عند توحيد المقامات بشكل صحيح .
- ٤ - اعطاء الاجابة الخاطئة صفر .

سادسا : الاسلوب الاحصائي المستخدم في الدراسة :-

اعتمدت الدراسة الحالية على استخدام القوانين الاحصائية

التالية :-

- ١ - التكرارات : التكرار المطلق - التكرار النسبي .
- ٢ - معامل ارتباط بيرسون Pearson لقياس الصدق التلازمي .

$$r = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sqrt{[\sum (x - \bar{x})^2][\sum (y - \bar{y})^2]}}$$

(فؤاد السيد، ١٩٧٩م، ص ٣٣٢) .

- حيث ر : معامل الارتباط لبيرسون .
- مج س ص : مجموع حاصل ضرب الدرجات الفردية بالزوجية .
- مج س x مج ص : حاصل ضرب مجموع الدرجات الفردية في مجموع الدرجات الزوجية .

- مج س^٢ : مجموع مربعات الدرجات الفردية .
- (مج س)^٢ : مربع مجموع الدرجات الفردية .
- مج ص^٢ : مجموع مربعات الدرجات الزوجية .
- (مج ص)^٢ : مربع مجموع الدرجات الزوجية .

٣ - طريقة التجزئة النصفية لحساب معامل الثبات، وصحت عن طريق

معادلة سبيرمان - براون Spearman - Brown

$$r_{tt} = \frac{2r}{1+r}$$

(فؤاد السيد، ص ٥٢٣) *

* r_{tt} معامل الثبات، ر معامل الارتباط .

٤ - اختبار (Z) للدلالة على الاختلاف فى النسب المئوية للاخطاء الشائعة .

$$\text{" قيمة } Z = \frac{\text{النسبة الكبرى} - \text{النسبة الصغرى}}{\sqrt{\frac{\text{ص}_2 \text{خ}_2}{\text{ك}_2} + \frac{\text{ص}_1 \text{خ}_1}{\text{ك}_1}}} \text{"}$$

(محمد بركات ١٩٥٦م ، ص ١٨٤)

- حيث ص ١ = النسبة المئوية الاولى ، ص ٢ = النسبة المئوية الثانية .
- خ ١ = نقص النسبة المئوية الاولى عن المائة .
 - خ ٢ = نقص النسبة المئوية الثانية عن المائة .
 - ك ١ = عدد التلاميذ فى الحالة الاولى .
 - ك ٢ = عدد التلاميذ فى الحالة الثانية .
-

" الفصل الرابع "

((تحليل النتائج وتفسيرها))

أولا : عرض وتحليل نتائج بيانات الدراسة :

١- المرحلة الأولى

٢- المرحلة الثانية

٣- المرحلة الثالثة

ثانيا : مناقشة وتفسير نتائج الدراسة .

أولا : عرض وتحليل نتائج بيانات الدراسة :

بعد أن تم تصحيح الاختبار حسب الخطة المحددة في إجراءات الدراسة ، وفي ضوء أهداف وأسئلة وفرضية الدراسة تم تحليل البيانات حسب المراحل التالية :

(١) المرحلة الاولى :

للإجابة على السؤال الأول :

(* ماهي الأخطاء الشائعة التي يقع فيها كل من تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الأعداد الصحيحة والكسرية ؟)

تم ايجاد التكرار والنسب المئوية لأخطاء التلاميذ في عناصر اختبار الجمع والطرح ، والجدول التالي يوضح عدد الأخطاء والنسب المئوية للأخطاء الشائعة لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي فيما يتعلق بجمع الأعداد الصحيحة والكسرية لعينة الدراسة (٥٤٠) تلميذ .

جدول رقم (٧)

نتائج اختبار الجمع

الصف السادس		الصف الخامس		الأفكار الأساسية لعملية الجمع
النسبة المئوية	عدد الأخطاء	النسبة المئوية	عدد الأخطاء	
١٦٧	٤٥	٢٦٧	٧٢	أولا : جمع الاعداد الصحيحة : أ - جمع عددين أو أكثر حتى مائة مليون
٤٧ر٤	١٢٨	٤٨ر٩	١٣٢	ثانيا : كسور متحدة المقامات : أ - كسر حقيقي + كسر غير حقيقي .
٥٠ر٧	١٣٧	٤٩ر٦	١٣٤	ب - كسر غير حقيقي + عدد كسري .
٢٥ر٢	٦٨	٣٣ر٠	٨٩	ج - كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي .
٤٩ر٣	١٣٣	٦٥ر٩	١٧٨	د - عدد كسري + عدد كسري .
٧٣ر٣	١٩٨	٧٦ر٧	٢٠٧	ثالثا : كسور مختلفة المقامات أحدها يصلح كمقام مشترك :
٧٠ر٠	١٨٩	٧٩ر٣	٢١٤	أ - كسر حقيقي + كسر غير حقيقي .
٧١ر٩	١٩٤	٨٦ر٧	٢٣٤	ب - كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي .
٦٨ر٥	١٨٥	٧٨ر٥	٢١٢	ج - عدد كسري + كسر حقيقي .
٤١ر٥	١١٢	٥٤ر١	١٤٦	د - كسر غير حقيقي + عدد كسري .
٥٤ر٨	١٤٨	٦٦ر٣	١٧٩	رابعا : كسور مختلفة المقامات أحد مقاماتها لا يصلح مشترك :
٧٢ر٢	١٩٥	٨٤ر٨	٢٢٩	أ - كسر حقيقي + كسر حقيقي . " مقام الأول أكبر "
٤٠ر٧	١١٠	٤١ر١	١١١	ب - عدد كسري + كسر حقيقي .
				ج - كسر حقيقي + كسر حقيقي . " مقام الثاني أكبر "
				خامسا : مسألة حسابية :
٢٧٠		٢٧٠		عدد التلاميذ

ويتضح من الجدول رقم (٧) والذي يمثل نتائج جمع الاعداد الصحيحة والكسرية مايلي :

(١) شيوع الأخطاء في جميع الافكار الاساسية لعملية الجمع في الصف الخامس .

(٢) شيوع الاخطاء في جميع الأفكار الأساسية لعملية الجمع في الصف السادس ماعدا حالة جمع عددين أو أكثر حتى مائة مليون .

(٣) تظهر نتائج الجدول ارتفاع نسب الاخطاء الشائعة اذا كانت المقامات مختلفة " غير موحدة " .

(٤) ارتفاع نسب الأخطاء الشائعة في الصف الخامس عن الصف السادس عدا حالة جمع كسر غير حقيقي + عدد كسري بمقامات موحدة .
اذ بلغ الفرق لصالح الصف الخامس بنسبة $\frac{1}{3}$ وبصفة عامة يمكن القول أن هناك تدرجا في هبوط النسب للأخطاء الشائعة باتجاه الصف السادس .

وقد تم اجراء نفس التحليل على عملية الطرح حيث يوضح الجدول التالي عدد الاخطاء والنسبة المئوية للأخطاء الشائعة لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي فيما يتعلق بطرح الاعداد الصحيحة والكسرية لعينة الدراسة .

جدول رقم (٨)
نتائج اختبار الطرح

الصف السادس		الصف الخامس		الأفكار الأساسية لعملية الطرح
النسبة المئوية	عدد الأخطاء	النسبة المئوية	عدد الأخطاء	
٢٥ر٢	٦٨	٣٧ر٨	١٠٢	أولا : طرح الاعداد الصحيحة : أ - طرح عددين حتى مائة مليون ب - عدد صحيح - كسر حقيقي أو غير حقيقي
٥٣ر٣	١٤٤	٥٦ر٧	١٥٣	ثانيا : كسور متحدة المقامات : أ - كسر حقيقي - كسر حقيقي ب - عدد كسري - كسر حقيقي ج - عدد كسري - كسر غير حقيقي د - عدد كسري - عدد كسري
١٤ر١	٣٨	١٩ر٦	٥٣	ثالثا : كسور مختلفة المقامات أحدها يصلح كمقام مشترك:
٥١ر٩	١٤٠	٦٤ر٤	١٧٤	أ - كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي ب - عدد كسري - كسر حقيقي
٣٦ر٣	٩٨	٤٤ر٨	١٢١	رابعاً : كسور مختلفة المقامات أحدها مقاماتها لا يصلح كمقام مشترك:
٤٠ر٧	١١٠	٥١ر٥	١٣٩	أ - كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي ب - عدد كسري - كسر حقيقي ج - عدد كسري - كسر حقيقي د - عدد كسري - عدد كسري
٦٥ر٦	١٧٧	٧٨ر٥	٢١٢	خامساً : مسألة حسابية :
٦٧ر٨	١٨٣	٦٦ر٣	١٧٩	
٧٥ر٢	٢٠٣	٨١ر٥	٢٢٠	
٦٠ر٤	١٦٣	٦٣ر٣	١٧١	
٥٦ر٧	١٥٣	٦٤ر٨	١٧٥	
٦٨ر٩	١٨٦	٨٠	٢١٦	
٥٣	١٤٣	٥٣ر٧	١٤٥	
٢٧٠		٢٧٠		عدد التلاميذ

ويتضح من الجدول رقم (٨) السابق والذي يمثل نتائج طرح الاعداد الصحيحة والكسرية مايلي :

(١) شيوع الأخطاء في جميع الافكار الاساسية لعملية الطرح في الصفين الخامس والسادس الابتدائي ماعدا حالة طرح كسريين حقيقيين متحدي المقامات فلم تبلغ نسبة الشيوخ (٢٠ ٪) .

(٢) تظهر نتائج الجدول ارتفاع نسب الأخطاء الشائعة في عملية طرح الكسور مختلفة المقامات .

(٣) التدرج واضح في نسب الأخطاء الشائعة لصالح الصف السادس فيما عدا حالة طرح عدد كسري - كسر حقيقي بمقامات غير موحدة كان في اتجاه الصف الخامس بفرق نسبة ١٥ ٪ .

(٢) المرحلة الثانية :

—————

للإجابة على الفرضية :

(*) لا توجد فروق ذات دلالة احصائية ($\alpha = 0.05$) في نسب الأخطاء الشائعة في عمليتي الجمع والطرح بين تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي (

تم تحديد عناصر الاختبار التي تكون فيها نسب الأخطاء ٢٠ ٪ فأكثر ، وقد قام الباحث بحساب الاختلاف في نسب الأخطاء الشائعة للمصنفين الخامس والسادس الابتدائي باستخدام اختبار Z للفروق بين النسب . (انظر ملحق رقم ٨)

وقد كانت نتائج الاختلاف بين النسب المئوية للأخطاء

الشائعة على النحو التالي :

أ - في حالة الجمع :

أظهرت نتائج الدراسة أن الأخطاء الشائعة كانت في الأفكار

الأساسية التالية :

متحدى المقامات	١- كسر حقيقي + كسر غير حقيقي
متحدى المقامات	٢- كسر غير حقيقي + عدد كسري
متحدى المقامات	٣- كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي
متحدى المقامات	٤- عدد كسري + عدد كسري
أحد المقامين هو المقام المشترك	٥- كسر حقيقي + كسر غير حقيقي
أحد المقامين هو المقام المشترك	٦- كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي
أحد المقامين هو المقام المشترك	٧- عدد كسري + كسر حقيقي
أحد المقامين هو المقام المشترك	٨- كسر غير حقيقي + عدد كسري
مختلفي المقامات والمقام الأول أكبر	٩- كسر حقيقي + كسر حقيقي
مختلفي المقامات	١٠- عدد كسري + كسر حقيقي
مختلفي المقامات والمقام الثاني أكبر	١١- كسر حقيقي + كسر حقيقي

١٢- مسائل حسابية .

وقد تم عرض هذه النتائج في جدولين على النحو التالي :

جدول رقم (٩)

الاختلاف غير الدال لنسب الاخطاء الشائعة في

عملية الجمع عند المستوى ($\alpha = 0.05$)

قيمة Z	النسبة للصف السادس	النسبة للصف الخامس	الأفكار الأساسية
٠.٣٤٩	٤٧ر٤	٤٨ر٩	أ - كسر حقيقي + كسر غير حقيقي " متحدى المقامات "
٠.٢٥٦	٥٠ر٧	٤٩ر٦	ب - كسر غير حقيقي + عدد كسري " متحدى المقامات "
٠.٩١٤	٧٣ر٣	٧٦ر٧	ج - كسر حقيقي + كسر غير حقيقي " أحد المقامين هو المقام المشترك "
٠.٠٩٤	٤٠ر٧	٤١ر١	د - مسائل حسابية

جدول رقم (١٠)

الاختلاف الدال لنسب الاخطاء الشائعة في عملية

الجمع عند المستوى $(\alpha = 0.05)$

قيمة Z	النسبة للصف السادس	النسبة للصف الخامس	الأفكار الأساسية
٢٠٠٥	٢٥٢	٣٣٠	أ - كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي " متحدى المقامات "
٣٩٥٨	٤٩٣	٦٥٩	ب - عدد كسري + عدد كسري " متحدى المقامات "
٢٤٩٣	٧٠٠	٧٩٣	ج - كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي " أحد المقامين هو المقام المشترك "
٤٣١٤	٧١٩	٨٦٧	د - عدد كسري + كسر حقيقي " أحد المقامين هو المقام المشترك "
٢٦٤٩	٦٨٥	٧٨٥	هـ - كسر غير حقيقي + عدد كسري " أحد المقامين هو المقام المشترك "
٢٩٣٠	٤١٥	٥٤١	و - كسر حقيقي + كسر حقيقي " المقامات مختلفة والمقام الأول أكبر "
٢٧٢٨	٥٤٨	٦٦٣	ز - عدد كسري + كسر حقيقي " مختلفي المقامات "
٣٦١٠	٧٢٢	٨٤٨	ح - كسر حقيقي + كسر حقيقي " المقامات مختلفة والمقام الثاني أكبر "

ب - في حالة الطرح :

أظهرت نتائج الدراسة أن الأخطاء الشائعة كانت في الأرقام

الأساسية التالية :

- | | | |
|--------------------------------|------------------------------------|------|
| حتى مائة مليون | عدد صحيح - عدد صحيح | (١) |
| | كسر حقيقي - كسر حقيقي أو غير حقيقي | (٢) |
| متحدي المقامات | عدد كسري - كسر حقيقي | (٣) |
| ، ، | عدد كسري - كسر غير حقيقي | (٤) |
| ، ، | عدد كسري - عدد كسري | (٥) |
| أحد المقامين هو المقام المشترك | كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي | (٦) |
| ، ، ، ، ، ، | عدد كسري - كسر حقيقي | (٧) |
| مختلفي المقامات | كسر غير حقيقي - كسر حقيقي | (٨) |
| مختلفي المقامات باستلاف | كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي | (٩) |
| ، ، ، | عدد كسري - كسر حقيقي | (١٠) |
| مختلفي المقامات | عدد كسري - عدد كسري | (١١) |
| | مسائل حسابية | (١٢) |

وتم عرض هذه النتائج في جدولين على النحو التالي :

جدول رقم (١١)

الاختلاف غير الدال لنسب الأخطاء الشائعة في

عملية الطرح عند المستوي ($\alpha = 0.05$)

قيمة Z	النسبة للصف السادس	النسبة للصف الخامس	الأفكار الأساسية
٠.٧٩٤	٥٣٣	٥٦٧	أ - عدد صحيح - كسر حقيقي أو غير حقيقي
٠.٣٥٩	٦٧٨	٦٦٣	ب - عدد كسري - كسر حقيقي "أحد المقامين هو المقام المشترك"
١.٧٨٢	٧٥٢	٨١٥	ج - كسر غير حقيقي - كسر حقيقي "مختلف المقامات"
١.٦٩٣	٦٠٤	٦٣٣	د - كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي "مختلف المقامات"
١.٩٣٤	٥٦٧	٦٤٨	هـ - عدد كسري - كسر حقيقي "مختلف المقامات"
٠.١٦٣	٥٣	٥٣٧	و - مسائل حسابية

جدول رقم (١٢)

الاختلاف الدال لنسب الاخطاء الشائعة في عملية

الطرح عند المستوى ($\alpha = 0.05$)

قيمة Z	النسبة للصف السادس	النسبة للصف الخامس	الأفكار الأساسية
٣١٨١	٢٥٢	٣٧٨	أ - عدد صحيح - عدد صحيح " حتى مائة مليون "
٢٩٦٨	٥١٩	٦٤٤	ب - عدد كسري - كسر حقيقي " متحدي المقامات "
٢٠١٩	٣٦٣	٤٤٨	ج - عدد كسري - كسر غير حقيقي " متحدي المقامات "
٢٥٣٢	٤٠٧	٥١٥	د - عدد كسري - عدد كسري " متحدي المقامات "
٣٣٧٥	٦٥٦	٧٨٥	هـ - كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي " أحد المقامين هو المقام المشترك "
٢٩٨١	٦٨٩	٨٠	و - عدد كسري - عدد كسري " مختلفي المقامات "

مما سبق يتضح أنه توجد فروق ذو دلالة احصائية عند مستوى

الدلالة ($\alpha = 0.05$) في نسب الاخطاء الشائعة لبعض الأفكار الأساسية

لعمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .

(٣) المرحلة الثالثة :

للاجابة على السوءال الثاني :

(*) ما أنماط الأخطاء الشائعة التي يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية) تم تصنيف الأخطاء الشائعة الى أنماطها المختلفة حيث تم تحليل أوراق الاجابة لجميع أفراد عينة الدراسة (٥٤٠ تلميذ) بشكل دقيق ومنتظم بحيث تم تحليل كل اجابة سوءال من أسئلة الاختبار على حده ، وذلك لجميع الاجابات حتى الانتهاء من الورقة الأولى، وبنفس الطريقة في جميع الأوراق المتبقية لأفراد العينة .

وبناء على هذا التحليل تم التوصل الى أن هذه الاخطاء

يمكن أن تصنف كالتالي :

أولا : في حالة جمع الاعداد الصحيحة والكسرية .

أنماط الاخطاء التي أمكن الحصول عليها هي :

- (١) جمع البسوط وجمع المقامات .
- (٢) جمع البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام .
- (٣) جمع البسوط ووضع الناتج على أصغر مقام .
- (٤) جمع البسوط ووضع الناتج على حاصل جمع المقامين .
- (٥) جمع البسوط الموحدة المقامات مع الاعداد الصحيحة .
- (٦) خطأ في ايجاد المقام المشترك .
- (٧) ترك الاعداد الصحيحة .

- (٨) خطأ في جمع الاعداد الصحيحة .
- (٩) خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي .
- (١٠) خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات .
- (١١) أخطاء في المسائل الحسابية .
- (١٢) أخطاء متنوعة لايمكن ارجاعها الى الانماط السابقة .

وفيما يلي جدول يوضح النسب المئوية لأنماط الأخطاء الشائعة
لعملية جمع الاعداد الصحيحة والكسرية ، وذلك لجميع أفــــراد
العينة . (٥٤٠ تلميذ)

جدول رقم (١٣)

النسب المئوية لانماط الأخطاء الشائعة لجمع الأعداد
الصحيحة والكسرية (٥٤٠ تلميذ)

الصف السادس		الصف الخامس		أنماط الأخطاء الشائعة
النسبة المئوية	عدد الأخطاء	النسبة المئوية	عدد الأخطاء	
٧٤	٢٠١	٧٧	٢٠٨	١- جمع البسوط وجمع المقامات .
٢٣	٦١	٢٦	٧٠	٢- جمع البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام .
٢٠	٥٣	٢٨	٧٦	٣- جمع البسوط ووضع الناتج على أصغر مقام .
٣٤	٨٣	٣٦	٩٧	٤- جمع البسوط ووضع الناتج على حاصل جمع المقامين .
١٥	٤١	١٧	٤٦	٥- جمع البسوط الموحدة المقامات مع الاعداد الصحيحة .
١٧	٤٧	٢٠	٥٥	٦- خطأ في ايجاد المقام المشترك .
٤	١١	٦	١٥	٧- ترك الاعداد الصحيحة .
٢٩	٧٩	٤٩	١٣١	٨- خطأ في جمع الاعداد الصحيحة .
٤٤	١١٩	٥٧	١٥٥	٩- خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي .
٩	٢٥	١٠	٢٦	١٠- خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات .
٨٦	٢٣٢	٩٢	٢٤٨	١١- أخطاء في المسائل الحسابية .
٢٩	٧٩	٤١	١١١	١٢- أخطاء متنوعه .

يتضح من الجدول السابق رقم (١٣) ما يلي :

(١) شيوخ الاخطاء في كل أنماط الأخطاء الشائعة ماعدا النمط الخامس والسابع والعاشر للصفين الخامس والسادس الابتدائي، والنمط السادس للصف السادس فقط .

(٢) النمط الأول والحادي عشر يحققان أعلى نسبة مئوية مقارنة الى غيرهما من الأنماط التي أمكن معرفتها .

(٣) ارتفاع النسب المئوية لجميع أنماط الأخطاء الشائعة في الصف الخامس عن الصف السادس .

وسيتناول الباحث فيما يلي أنماط الأخطاء الشائعة بشيء من التفصيل :

(١) جمع البسوط وجمع المقامات :

هذا الخطأ شائع بين التلاميذ كما يوضح ذلك الجدول السابق رقم (١٣) وقد سجل هذا الخطأ نسبة عالية في جميع أنماط الأخطاء الشائعة ، وهناك العديد من الصور يتخذها الخطأ كما ظهر من تحليل الباحث للأخطاء .

فمثلا عند جمع $\frac{9}{8} + \frac{6}{8}$ كان بعض التلاميذ يجمعونها على الصورة :

$$\frac{15}{16} = \frac{9+6}{8+8} = \frac{9}{8} + \frac{6}{8}$$

كذلك في جمع $\frac{28}{24} + \frac{6}{7}$ يجمعها البعض على الصورة .

$$\frac{٣٤}{٢١} = \frac{٢٨ + ٦}{١٤ + ٧}$$

وكذلك في جمع $\frac{٣٤}{١٥} + ١ \frac{١٣}{١٥}$ كان بعض التلاميذ

يجمعونها على الصورة :

ويهمل العدد الصحيح .

$$\frac{٤٧}{٣٠} = \frac{١٣ + ٣٤}{١٥ + ١٥}$$

أو قد يجمع البسوط مع الاعداد الصحيحة ويضع الناتج على مجموع

المقامات ، مثل $١ \frac{١}{٨} + \frac{٣}{٤} = \frac{١ + ٤}{١٢} = \frac{٥}{١٢}$

وقد يتخذ الجمع الصورة الآتية :

$$١ \frac{٥}{٥} = ١ \frac{٣}{٤} + \frac{٢}{١} = ١ \frac{٣}{٤} + ٢$$

وعلى الرغم من تنوع تلك الأخطاء إلا أن الصفة الغالبة عليها

جميعاً هي جمع البسوط وجمع المقامات .

(٢) جمع البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام :

لاحظ الباحث أن بعض التلاميذ يقع في هذا الخطأ وعلى صور

متعددة فمثلاً $\frac{٢٨}{١٤} + \frac{٦}{٧}$ يجمعها البعض بالطريقة

$$\frac{٣٤}{١٤} = \frac{٢٨ + ٦}{١٤}$$

$$\frac{٤٦}{٣٠} = \frac{٩ + ٣٧}{٣٠} = \frac{٩}{٦} + \frac{٣٧}{٣٠}$$

وفي مثال آخر أيضا

ومن الصور الأخرى أن بعض التلاميذ يقع في الخطأ عند قيامهم بتوحيد المقامات وجمع البسوط واضعا الناتج على المقام الأكبر . مثلاً :

$$\frac{٢٧}{٧} = \frac{٧}{٤} + \frac{٢٠}{٧} = \frac{١}{٤} + \frac{٥}{٧}$$

أو قد يقوم البعض بتحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقي ثم جمع البسوط ووضع الناتج على المقام الأكبر .

$$\frac{١٢}{٨} = \frac{٣}{٤} + \frac{٩}{٨} = \frac{٣}{٤} + ١ \frac{١}{٨}$$

مثلاً :

(٣) جمع البسوط ووضع الناتج على أصغر مقام :

من خلال الأخطاء الشائعة وجد الباحث أن هذا النمط من

الأخطاء له عدة صور يقع فيها التلاميذ .

فمثلاً :

$$\frac{٢٧}{٤} = \frac{٧}{٤} + \frac{٢٠}{٧} = \frac{١}{٤} + \frac{٥}{٧}$$

$$\frac{١١}{٩} = \frac{٧}{٢٥} + \frac{٤}{٩}$$

وتعتبر النسبة المئوية لهذا الخطأ من النسب المنخفضة

في انماط الأخطاء الشائعة .

(٤) جمع البسوط ووضع الناتج على حاصل جمع المقامين :

ولهذا الخطأ أيضا صورة واحدة يقع فيها التلاميذ وهي:
جمع البسوط بعد تحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقي ووضع
الناتج على حاصل جمع المقامين .

$$\text{مثلا : } \frac{24}{14} = \frac{3}{6} + \frac{21}{8} = \frac{3}{6} + 2\frac{5}{8}$$

(٥) جمع البسوط الموحدة المقامات مع الاعداد الصحيحة :

من خلال تحليل الاخطاء الشائعة لاحظ الباحث أن التلاميذ
في الصفين الخامس والسادس الابتدائى يتم جمعهم في هذا النمط
على الصورة :

$$\frac{48}{10} = \frac{1 + 13 + 34}{10} = 1\frac{13}{10} + \frac{34}{10}$$

وأيضا :

$$\frac{23}{6} = \frac{13}{6} + \frac{10}{6} = 4\frac{9}{6} + 7\frac{3}{6}$$

أى أن التلميذ يجمع البسوط مع الاعداد الصحيحة ويضعها
على المقام الموحد، وهذا الخطأ غير شائع لدى تلاميذ الصفين
الخامس والسادس الابتدائى .

(٦) خطأ في ايجاد المقام المشترك :

يظهر هذا الخطأ عند جمع الكسور المختلفة المقامات والتي تحتاج الى مقام مشترك .

ومن صور الخطأ في ايجاد المقام المشترك أن يعتبر التلميذ أكبر مقام هو المقام المشترك فمثلا :

$$\frac{19}{25} = \frac{7}{25} + \frac{12}{25} = \frac{7}{25} + \frac{4}{9}$$

ومن الأمثلة الأخرى التي توضح الخطأ في المقام المشترك المثال التالي :

$$1 \frac{14}{8} = \frac{6}{8} + \frac{8}{4} = 1 \frac{3}{4} + \frac{2}{1}$$

(٧) ترك الاعداد الصحيحة :

هذا الخطأ غير شائع بين التلاميذ وقد لاحظ الباحث أن التلاميذ يتركون الاعداد الصحيحة أثناء عملية الجمع فمثلا:

$$2 = \frac{12}{6} = 4 \frac{9}{6} + 7 \frac{3}{6}$$

وأيضا :

$$\frac{11}{4} = \frac{3}{4} + \frac{8}{4} = 1 \frac{3}{4} + \frac{2}{1}$$

(٨) خطأ في جمع الاعداد الصحيحة :

بعض التلاميذ أخطأ في جمع الاعداد الصحيحة :

$$\begin{array}{r} 1 \\ 190080 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \quad 11 \\ 190080 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \quad 11 \\ 190080 \end{array} \quad \text{مثل :}$$

$$+ \quad 325064 \quad \text{و تلميذ آخر} + 325064 \quad \text{وثالث} + 325064$$

$$\begin{array}{r} 480037 \\ \hline 995078 \end{array} \quad \begin{array}{r} 480037 \\ \hline 895181 \end{array} \quad \begin{array}{r} 480037 \\ \hline 995151 \end{array}$$

والبعض الآخر في جمع البسوط مثلاً :

$$\frac{136}{225} = \frac{63}{225} + \frac{100}{225} = \frac{7}{25} + \frac{4}{9}$$

(٩) خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي :

من خلال تحليل الاخطاء الشائعة لوحظ أن التلاميذ يستخدمون عدة صور للتحويل من العدد الكسري الى كسر غير حقيقي فبعضهم يضرب العدد الصحيح \times المقام ، ويطرح البسط من الناتج ويضعه على نفس المقام كما يوضح ذلك المثال التالي :

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{1} = 1 \frac{3}{4} + \frac{2}{1}$$

$$\frac{1}{4} = 2 - 4 = 4 \times 1$$

والبعض الآخر يضرب العدد الصحيح \times المقام ، ويضيف البسط

للحاصل واضعاً العدد الصحيح كمقام للناتج ، كما في المثال التالي :

$$\frac{1}{4} - \frac{23}{5} = \frac{1}{4} - 5 \frac{3}{4}$$

(١٠) خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات :

هذا الخطأ غير شائع عند تلاميذ الصفين الخامس والسادس

الابتدائي .

اذ لم تبلغ نسبته المئوية ٢٠ % .

ومن أمثلة هذا النمط من الأخطاء ما يلي :

$$1 \frac{32}{32} = \frac{28}{32} + 1 \frac{4}{32} = \frac{3}{4} + 1 \frac{1}{8}$$

$$\frac{34}{12} = \frac{20}{12} + \frac{14}{12} = \frac{7}{4} + \frac{2}{12} = 1 \frac{3}{4} + \frac{2}{12}$$

(١١) أخطاء في المسائل الحسابية :

يعتبر هذا الخطأ من الأخطاء الشائعة ذات النسب العالية

كما يوضح ذلك الجدول السابق رقم (١٣) ، وهناك العديد من الصور

التي يتخذها الخطأ المذكور .

فمثلا بعض التلاميذ يكتب ثلاثة أخماس على الصورة :

$$\frac{5}{3} \text{ أو } \frac{3}{1} \text{ أو } \frac{3}{2} \text{ أو } 3 \text{ أو } 53$$

والبعض الآخر يكتب ربع على صورة :

$$\frac{4}{1} \text{ أو } \frac{4}{3} \text{ أو } \frac{2}{2} \text{ أو } \frac{1}{5}$$

وهناك من يترجم الصيغة اللفظية " مـاهـو الكسر الذى يمثله مجموع ما أنفقه الرجل ؟ " الى عملية طرح " - " بين الكسرين .

(١٢) أخطاء متنوعة :

هذه الأخطاء تختلف عن تلك الأخطاء التى أمكن تحديدها
فمن خلال تحليل الأخطاء الشائعة كانت اجابة أحد التلاميذ:

$$\frac{17}{4} = \frac{4 + 3 + 8 + 1 + 1}{3 + 1} = \frac{3}{4} + 1 \frac{1}{8}$$

حيث قام التلميذ هنا بجمع أرقام العدد الكسرى والكسـر
الحقيقي واضع الناتج على حاصل جمع البسوط .

وتلميذ آخر قام بجمع السوأل السابق كما يلى :

$$\frac{17}{24} = \frac{7}{12} + \frac{10}{12} = \frac{3}{4} + 1 \frac{1}{8}$$

اذ قام التلميذ بجمع أرقام العدد الكسرى ووضعها على حاصل جمع المقامين وأرقام الكسر الحقيقي ووضعها على حاصل جمع المقامين ثم حصل على الاجابة النهائية بجمع البسط مع البسط، والمقام مع المقام .

وشالت آجاب السوءال $\frac{139}{4} + \frac{58}{4}$ بالطريقة :

$$\frac{657}{232} = \frac{4}{58} + \frac{139}{4}$$

فهذا التلميذ قلب الكسر الذي يلي اشارة الجمع ومن ثم ضرب البسط \times البسط وأخطأ في عملية الضرب ، والمقام في المقام .

وأخر كانت آجابته كالتالي :

$$78 = 33 + 45 = 4 \frac{9}{6} + 7 \frac{3}{6}$$

قام التلميذ بتحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقي تاركا المقام اذ ضرب $7 \times 6 = 42 + 3 = 45$ ولم يضعها على المقام .

وأیضا $4 \times 6 = 24 + 9 = 33$ بدون المقام ثم قام بعملية الجمع لاستخراج الناتج .

ثانيا : في حالة طرح الاعداد الصحيحة والكسرية :

أنماط الاخطاء الشائعة التي أمكن للباحث الحصول عليها

هي :

- (١) ترك الاعداد الصحيحة
- (٢) خطأ في طرح الأعداد الصحيحة
- (٣) طرح البسوط وطرح المقامات
- (٤) طرح البسوط قبل توحيد المقامات
- (٥) طرح البسوط طرحا عكسيا دون اجراء الاستلاف
- (٦) خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات
- (٧) عدم وضوح مفهوم عملية الطرح
- (٨) خطأ في ايجاد المقام المشترك
- (٩) خطأ في تحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقي
- (١٠) طرح البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام
- (١١) أخطاء في المسائل الحسابية
- (١٢) أخطاء متنوعة لايمكن ارجاعها الى الانماط السابقة

وفيما يلي جدول يوضح النسب المئوية لأنماط الاخطاء الشائعة لعملية

طرح الاعداد الصحيحة والكسرية ، وذلك لجميع أفراد العينة (٥٤٠ تلميذ)

جدول رقم (١٤)

النسب المئوية لانماط الأخطاء الشائعة لطرح الأعداد الصحيحة

والكسرية (٥٤٠ تلميذ)

الصف السادس		الصف الخامس		أنماط الأخطاء الشائعة
النسبة المئوية	عدد الأخطاء	النسبة المئوية	عدد الأخطاء	
٢٠	٥٣	٢٩	٧٨	١- ترك الأعداد الصحيحة .
٥١	١٢٨	٦٥	١٧٦	٢- خطأ في طرح الأعداد الصحيحة .
٦١	١٦٤	٧٦	٢٠٦	٣- طرح البسوط وطرح المقامات .
٤٥	١٢١	٤٥	١٢١	٤- طرح البسوط قبل توحيد المقامات .
٣٧	١٠٠	٣٨	١٠٢	٥- طرح البسوط طرحا عكسيا دون اجراء الاستلاف .
٢٣	٦٢	٤٣	١١٥	٦- خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات .
٢١	٥٦	٢٦	٧٠	٧- عدم وضوح مفهوم عمليه الطرح .
٣٦	٩٦	٣٩	١٠٥	٨- خطأ في ايجاد المقام المشترك .
٤٥	١٢١	٥٩	١٥٨	٩- خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي .
٥	١٣	٧	١٨	١٠- طرح البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام .
٨٩	٢٤١	٩٣	٢٥٢	١١- أخطاء في المسائل الحسابية .
٣٥	٩٥	٤٥	١٢٢	١٢- أخطاء متنوعة .

يتضح من الجدول السابق رقم (١٤) مايلي :

(١) شيوع الأخطاء في كل انماط الأخطاء الشائعة ماعدا النمط العاشر

فأنه غير شائع لكونه لم يبلغ ٢٠ ٪ .

(٢) النمط الثالث والحادي عشر حقان أعلى نسبة مئوية مقارنة
الى غيرهما من الانماط التي أمكن معرفتها .

(٣) ارتفاع معظم النسب المئوية لانماط الاخطاء الشائعة في الصف
الخامس عن السادس .

(٤) تساوى النسبة المئوية للنمط الرابع في الصفين الخامس
والسادس الابتدائي .

وسيتناول الباحث فيما يلي أنماط الاخطاء الشائعة بشيء
من التفصيل .

(١) ترك الاعداد الصحيحة :

لاحظ الباحث من خلال تحليله للأخطاء الشائعة أن بعض التلاميذ
يتركون الاعداد الصحيحة اثناء عملية الطرح وفيما يلي بعض
الأمثلة على ذلك :

$$\frac{1}{4} = \frac{3}{4} - 23 \quad \frac{4}{4} = \frac{3}{4} - 24$$

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{4} - 5 \quad \frac{3}{4}$$

التلميذ هنا لم ينس العدد الصحيح الا في الناتج النهائي

وهذا ناتج من عدم التعود على الدقة اثناء الحل .

(٢) خطأ في طرح الاعداد الصحيحة :

ان النسبة المئوية لهذا الخطأ الشائع مرتفعة وتحتاج الى اهتمام من قبل المدرس وعنايته .

وفيما يلي بعض من الأمثلة على هذا الخطأ :

$$\begin{array}{r} 5410934 \\ - 3132700 \\ \hline 2278234 \end{array} \quad (1)$$

$$\begin{array}{r} 5410934 \\ - 3132700 \\ \hline 2278234 \end{array}$$

$$2278234$$

هنا التلميذ يطرح العدد الأكبر من الأصغر دون مراعاة المطروح والمطروح منه .

$$\begin{array}{r} 5410934 \\ - 3132700 \\ \hline 2278234 \end{array} \quad (2)$$

$$\begin{array}{r} 5410934 \\ - 3132700 \\ \hline 2278234 \end{array}$$

$$2278234$$

أخطأ التلميذ هنا عند الاستلاف، فلم يكتب الباقي الصحيح بعد الاستلاف مما ترتب عليه الوقوع في الخطأ .

(٣) والبعض من التلاميذ يخطيء عندما يكون المطروح به أصفار :

$$\begin{array}{r} 5410934 \\ - 3132700 \\ \hline 2278200 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5410934 \\ - 3132700 \\ \hline 2278200 \end{array}$$

$$2278200$$

$$\frac{17}{4} = \frac{9}{4} - \frac{23}{4} = 2 \frac{1}{4} - 5 \frac{3}{4} \quad (٤)$$

تم تحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقي بطريقة صحيحة
ولكن الخطأ في $٢٣ - ٩ = ١٧$.

(٣) طرح البسوط وطرح المقامات :

هذا الخطأ شائع وبنسبة عالية بين التلاميذ ، فيجب على
المدرس ملاحظة ذلك ومن ثم الاهتمام بتنبيه التلاميذ الي مثل هذا
الخطأ ومحالة عدم الوقوع فيه .

والأمثلة هنا كثيرة ولكن سنوردُ بعض منها :

$$\frac{11}{4} = \frac{4}{7} - \frac{15}{11}$$

$$\frac{22}{2} = \frac{5}{2} - \frac{27}{4}$$

وهناك صورة أخرى يقع فيها بعض التلاميذ وهي طرح البسوط

وطرح المقام طرحا عكسيا . فمثلا :

$$\frac{3}{4} = \frac{5}{6} - \frac{8}{3}$$

وكذلك بعض التلاميذ بالاضافة الى طرحهم المقام طرحا عكسيا

• يطرحون الاعداد الصحيحة عكسياً .

فمثلاً :

$$1 \frac{27}{5} = 3 \frac{6}{7} - 2 \frac{33}{2}$$

(٤) طرح البسوط قبل توحيد المقامات :

هذا الخطأ شائع بين التلاميذ ، وفيه يطرح التلميذ قبل

توحيد المقامات كما في الأمثلة التالية :

• المقام حاصل جمع المقامين .

$$\frac{9}{22} = \frac{16}{10} - \frac{25}{12}$$

• أو $\frac{9}{10} =$ المقام الأصغر .

$$\frac{7}{1} = \frac{1}{4} - 7 \frac{8}{5}$$

(٥) طرح البسوط طرحاً عكسياً دون إجراء الاستلاف :

وهذا الخطأ أيضاً شائع بين التلاميذ ، وفيما يلي بعض

الأمثلة :

$$\frac{1}{4} - \frac{43}{5} = \frac{1}{4} - 7 \frac{8}{5}$$

$$\frac{173}{20} = \frac{5}{20} - \frac{172}{20} =$$

$$\frac{142}{120} = \frac{192}{120} - \frac{250}{120} = \frac{16}{10} - \frac{25}{12}$$

ويتضح مما سبق أن التلميذ رغم دراسته للطرح بالاستلاف
 إلا أنه لم يستخدم هذه الطريقة .

(٦) خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات :

وهو من الأخطاء الشائعة بين التلاميذ ، وفيما يلي بعض
 الأمثلة :

$$\frac{1}{\begin{array}{c} 4 \\ 5 \end{array}} - \frac{8 - 25}{\begin{array}{c} 5 \\ 4 \end{array}} = \frac{1}{4} - 7 \frac{8}{5}$$

$$\frac{42}{20} = \frac{1}{20} - \frac{43}{20} =$$

أخطأ التلميذ في كونه لم يضرب 4×4 ، 5×1 بعد
 تحويل العدد الكسري الى كسر حقيقي .

$$\frac{141}{77} = \frac{4}{7} - \frac{15}{11}$$

وهنا أيضا أخطأ التلميذ في الحصول على البسط الجديد .

$$\frac{259}{14} = \frac{27}{7} - \frac{27}{2} = 3 \frac{6}{7} - 2 \frac{23}{9}$$

وهنا أيضا تم تحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقي
ثم أخطأ التلميذ في ايجاد البسط الجديد .

(٧) عدم وضوح مفهوم عملية الطرح :

ويعتبر أيضا من الاخطاء الشائعة ، وهناك العديد من الصور
يتخذها هذا الخطأ .

فمثلا البعض من التلاميذ يحول عملية الطرح الى ضرب
كما يلى :

$$\frac{207}{16} = \frac{9}{4} \times \frac{23}{4} = 2 \frac{1}{4} - 5 \frac{3}{4}$$

والبعض الآخر يقوم بعملية الجمع كما يلى :

$$7 \frac{24}{6} = \frac{9}{6} - 7 \frac{15}{6}$$

وهناك من يحول عملية الطرح الى جمع ويقلب الكسر الذى
يلي اشارة الطرح مثلا :

$$5 \frac{40}{8} = 3 \frac{7}{6} + 2 \frac{33}{2} = 3 \frac{6}{7} - 2 \frac{33}{2}$$

(٨) خطأ في ايجاد المقام المشترك :

ويعتبر من الانماط الشائعة ، وتجدد الاشارة الى أنه يجب على
المدرس العناية بأنواع الكسور المختلفة المقامات والتي بحاجة

الى توحيد مقامها وتدريب التلاميذ على ايجاد المقام المشترك بطرق
مختلفة .

ومن أمثلة هذا الخطأ :

$$\frac{61}{12} = \frac{20}{12} - \frac{81}{12} = \frac{5}{2} - \frac{27}{3}$$

$$\frac{27}{7} - \frac{27}{2} = 3 \frac{6}{7} - 2 \frac{33}{2}$$

$$\frac{121}{8} = \frac{27}{8} - \frac{148}{8} =$$

(٩) خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي :

من خلال تحليل الأخطاء الشائعة لوحظ أن التلاميذ يستخدمون

عدة صور للتحويل منها :

البعض من التلاميذ يقومون بضرب (العدد الصحيح x المقام)

ويطرح من البسط ومثال ذلك :

$$\frac{15}{7} - \frac{29}{2} = 3 \frac{6}{7} - 2 \frac{33}{2}$$

والبعض الآخر يقوم بضرب العدد الصحيح x المقام ويكون هذا

المقام الجديد مثلاً :

$$\frac{36}{21} - \frac{33}{4} = 3 \frac{36}{7} - 2 \frac{33}{2}$$

أو قد يتم التلميذ عملية التحويل ولكنه يبقي على العدد الصحيح كما هو .

ومثال ذلك :

$$5 \frac{22}{4} = \frac{1}{4} - 5 \frac{23}{4} = \frac{1}{4} - 5 \frac{3}{4}$$

(١٠) طرح البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام :

وهذا الخطأ غير شائع إذ لم يبلغ النسبة المئوية للخطأ

الشائع " ٢٠ ٪ " .

ومن أمثلته :

$$\frac{11}{11} = \frac{4}{7} - \frac{15}{11}$$

(١١) أخطاء في المسائل الحسابية :

ويأتى هذا الخطأ الشائع في المرتبة الأولى من حيث ارتفاع

النسبة المئوية ، فبلغت النسبة في الصف الخامس ٩٣٪ وفي الصف

السادس ٨٩٪ ، وهناك العديد من الصور التي يتخذها هذا الخطأ

وفيما يلي بعض منها :

البعض من التلاميذ يكتب ثلاثة أرباع على الصورة :

$$\frac{٤}{٣} \text{ أو } ٤ \text{ أو } ٤٣ \text{ أو } ٣٤ \cdot$$

والبعض الآخر يكتب ثلث على الصورة :

$$\frac{٣}{١} \text{ أو } \frac{١}{٤} \text{ أو } ٣٠ \cdot$$

والبعض يترجم الصيغة اللفظية " ماهو الكسر الذي بقى مع وليد ؟ " الى جمع " + " أو الى ضرب " x " بين الكسرين.

(١٢) أخطاء متنوعة :

هذه الأخطاء مختلفة عن الأخطاء السابقة والتي أمكن تحديدها، وتظهر هنا العديد من الصور والتي يمكن ذكر بعضها فيما يلي :

ان بعض التلاميذ في عملية الطرح يقومون بجمع البسط والمقام والعدد الصحيح للمطروح وللمطروح منه ووضع الناتج على صورة كسر .

مثلا :

$$\frac{١٢}{٧} = \frac{٥ + ٤ + ٣}{٢ + ٤ + ١} = ٢ \frac{١}{٤} - ٥ \frac{٣}{٤}$$

والبعض الآخر يطرح العدد الصحيح للكسر من بسطه ثم طرح

البسوط عكسيا وجمع المقامات فمثلا :

$$\frac{1}{12} = \frac{9}{6} - \frac{8}{6} = \frac{9}{6} - 7 \frac{15}{6}$$

أو يضربون البسوط ويطرحون الأعداد الصحيحة ويجمعون المقامات

مثال :

$$5 \frac{3}{8} = \frac{1}{4} - 5 \frac{3}{4}$$

=&=

ثانيا : مناقشة وتفسير نتائج الدراسة :

هدفت هذه الدراسة في المقام الأول الى تحديد الاخطاء الشائعة لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية ، ومن ثم دراسة الاختلاف في نسب الاخطاء الشائعة ، وتصنيف هذه الاخطاء الى أنماطها المختلفة .

ومن خلال النتائج العامة لتحليل بيانات الدراسة الحالية على مستوى العينة والتي تم عرضها في الفصل الثالث (ص ٤٧) يمكن الوصول الى الاستنتاجات التالية ، وذلك للتعرف على مدى تحقق أسئلة وفرضية هذه الدراسة :

أ - تم الاجابة على السؤوال الأول : حيث أسفرت نتائج هذه الدراسة عن وجود أخطاء شائعة ذات نسب مختلفة يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس في كل من عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .

ب - كما تم الاجابة على السؤوال الثاني حيث تم الحصول على أنماط متعددة للاخطاء الشائعة لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية (أربع وعشرون نمط مقسمة بالتساوي على عمليتي الجمع والطرح) .

ج - عدم تحقق فرضية الدراسة حيث أظهرت النتائج وجود فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى ($\alpha = 0.05$) بين نسب الاخطاء الشائعة لعمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي .

وعند استعراض نتائج هذه الدراسة بصورة فردية يمكن الوصول الى الاستنتاجات والتفسيرات الآتية :

(١) أكدت نتائج الدراسة على وجود أخطاء شائعة ، وأخرى غير شائعة . وقد كان شيوع الأخطاء في جميع الأفكار الأساسية لعملية الجمع في الصف الخامس ، وكذلك شيوع الأخطاء في جميع الأفكار الأساسية لعملية الجمع في الصف السادس ماعدا حالة جمع عددين أو أكثر حتى مائة مليون . أما بالنسبة لعملية الطرح في الصفين الخامس والسادس فكان شيوع الأخطاء أيضا في جميع الأفكار الأساسية ماعدا حالة طرح كسرين حقيقيين متحدي المقامات .

مما سبق يرى الباحث أن شيوع الأخطاء في معظم الأفكار الأساسية لعملية الجمع والطرح يعني أن الغالبية العظمى من تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي لا يتقنون المبادئ الأساسية لهاتين العمليتين ، وأنهم يحتاجون الى الكثير من الجهد حتى يتقدموا من مرحلة الى أخرى ، ولما كان هؤلاء التلاميذ يدرسون معظم الأفكار الأساسية ابتداءً من الصف الثالث والرابع ، فمعني هذا انهم لم يتقدموا في العمليات الحسابية . مما يترتب على المدرس وبمساعدة المسؤولين عن العملية التعليمية بذل أقصى جهد ممكن لوضع خطة توضح مفهوم كل من عمليتي الجمع والطرح ، واعطاء أمثلة تدريبية بصورة واقعية محسوسة تبين مدى الارتباط بين العمليتين ، بالإضافة الى محاولة تجنب التلميذ الوقوع في مثل هذه الأخطاء وذلك بمعالجتها لحظة الوقوع قبل أن تتراكم ويصعب التخلص منها .

وبالنسبة لعدم شيوع البعض من الأخطاء فيمكن القول أن سبب ذلك يرجع الى وضوح الفكرة الأساسية في أذهان التلاميذ وأدراك مفهومها .

(٢) كما أكدت نتائج التحليل على أن الاختلاف في النسب المئوية لعملية لعمليتي الجمع والطرح ذو دلالة احصائية عند مستوى ($\alpha = 0.05$) لصالح الصف السادس ، حيث أن الخطأ في الأفكار الأساسية لعمليتي الجمع والطرح قد تحسن ، وأن التلاميذ تقدموا في الصف السادس عن الصف الخامس نتيجة لنمو التلاميذ وازدياد خبراتهم وتدريبهم على تلك العمليات .

وبالنسبة الى عدم وجود اختلاف في نسب الأخطاء الشائعة لعملية لعمليتي الجمع والطرح فان ذلك يرجع الى أن الخطأ في الأفكار الأساسية لعمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية لم يصادف تحسنه أو تقدم من الصف الخامس الى الصف السادس ، وذلك نتيجة الى عدم وجود طريقة التدريس الجيدة التي تقدم الخبرة للتلاميذ بصورة سهلة شيقة ، بالإضافة الى عدم علاج الأخطاء وقت حدوثها من التلاميذ .

(٣) من خلال جدولي النسب المئوية لأنماط الأخطاء الشائعة في عملية الجمع (ص ٦٥) والنسب المئوية لأنماط الأخطاء الشائعة في عملية الطرح (ص ٧٦) يتضح أن هناك تسعة أنماط مشتركة بين العمليتين لدى تلاميذ الصف الخامس ، والسادس وهي كالتالي:

- أ - ترك الاعداد الصحيحة .
- ب - خطأ في اجراء العمليتين على الاعداد الصحيحة .
- ج - اجراء العمليتين على البسوط والمقامات .
- د - خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات .

- هـ - خطأ في ايجاد المقام المشترك .
- و - خطأ في تحويل العدد الكسري الى كسر غير حقيقي .
- ز - اجراء العمليتين على البسوط ووضع الناتج على أكبر مقام .
- ح - اخطاء في المسائل الحسابية .
- ط - اخطاء متنوعة .

وقد يرجع هذا التشابه لأنماط الأخطاء الشائعة في كل من عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية الى ضعف التلاميذ أصلا في العمليات الحسابية ، وعدم ادراكهم لعمليتي الجمع والطرح مما نتج عنه عدم نمو للتلاميذ أثناء الانتقال من صف الى آخر ، وهذا أدى الى وجود احساس داخل التلميذ بأن مادة الرياضيات غير واضحة والاعتقاد في صعوبتها .

أو قد يرجع الى عدم المعالجة الفورية للأخطاء الشائعة مما جعلها تتراكم وتستمر في الانتقال مع التلاميذ من صف الى آخر .

ومن ضمن أنماط الأخطاء الشائعة لعمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية يوجد ثلاثة أنماط مختلفة خاصة بكل عملية على حدة. فمثلا في عملية الجمع وجدت الأنماط المختلفة التالية :

- أ - جمع البسوط ووضع الناتج على أصغر مقام .
- ب - جمع البسوط ووضع الناتج على حاصل جمع المقامين .
- ج - جمع البسوط الموحدة المقامات مع الاعداد الصحيحة .

وفي عملية الطرح وجدت الأنماط المختلفة التالية :

أ - طرح البسوط قبل توحيد المقامات .

ب - طرح البسوط طرحا عكسيا دون اجراء الاستلاف .

ج - عدم وضوح مفهوم عملية الطرح .

وبناء على ما سبق فانه قد يرجع عدم تشابه هذه الأنماط الثلاث في كل من العمليتين الى الفروق الفردية بين التلاميذ ، ووجود مفاهيم غير واضحة في أذهان التلاميذ .

وخلاصة القول أن الاحساس بوجود الأخطاء الشائعة قد يكون موجودا لدى كثير من المسئولين عن العملية التعليمية في المرحلة الابتدائية ، ولكن وضع الخطط للتغلب على هذه الأخطاء ، ووقاية التلاميذ منها لا يزال أمرا ليس له وجود فعلي في مقررات المرحلة الابتدائية .

" الفصل الخامس "

((ملخص الدراسة والتوصيات والمقترحات))

-
- أولا : ملخص الدراسة
 - ثانيا : التوصيات والمقترحات

=4=

أولا :- ملخص الدراسة :-

تهدف هذه الدراسة الى :

- (١) تحديد الأخطاء الشائعة التي يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .
- (٢) معرفة الاختلاف في نسب الأخطاء الشائعة بين تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية .
- (٣) تحديد أنماط الأخطاء الشائعة التي يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة أو الكسرية .

ولتحقيق ذلك تم بنــــــــــــــــاء اختبار

يختص بوحدة الاعداد الصحيحة والكسرية على عمليتي الجمع والطرح .

وقد طبق الاختبار على عينة بلغت (٥٤٠) تلميذ بالصفين الخامس

(٢٧٠) والسادس (٢٧٠) الابتدائي من (٩) مدارس اختيرت عشوائيا من

مدينة مكة المكرمة ، وكان معامل الصدق للاختبار = ٠,٦٩ ، ومعامل

الثبات = ٠,٩٣ .

نتائج الدراسة :-

في ضوء اهداف واسئلة وفرضية الدراسة تم تحليل البيانات

حسب المراحل التالية :-

(١) المرحلة الاولى :-

من خلال الاجابة على السوالين الاول لهذه الدراسة (ماهي

الاطياء الشائعة التي يقع فيها كل من تلاميذ الصفين الخامس والسادس

الابتدائي في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية ؟) يتضح

- أنه توجد أخطاء شائعة فى جميع الأفكار الأساسية لعمليتى جمع وطرح الأعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائى .
- (ماعدا حالة جمع عددين أو أكثر " حتى مائة مليون " للصف السادس وحالة طرح كسرين حقيقيين " متحدى المقامات " للصفين الخامس والسادس)

٢ - المرحلة الثانية :-

من خلال الاجابة على فرضية الدراسة (لاتوجد فروق ذات دلالة احصائية عند مستوى $(\alpha = 0.05)$ فى نسب الأخطاء الشائعة فى عمليتى الجمع والطرح لدى تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائى) يتضح وجود فروق ذو دلالة احصائية عند مستوى $(\alpha = 0.05)$ على النحو التالى :-

(أ) فى عملية جمع الأعداد الصحيحة والكسرية وكانت فى الأفكار الأساسية التالية :-

- ١ - كسر غير حقيقى + كسر غير حقيقى " متحدى المقامات " .
- ٢ - عدد كسرى + عدد كسرى . " متحدى المقامات " .
- ٣ - كسر غير حقيقى + كسر غير حقيقى . " اذا كان أحد المقامين هو المقام المشترك " .
- ٤ - عدد كسرى + كسر حقيقى . " اذا كان أحد المقامين هو المقام المشترك " .
- ٥ - كسر غير حقيقى + عدد كسرى . " اذا كان أحد المقامين هو المقام المشترك " .
- ٦ - كسر حقيقى + كسر حقيقى . " مختلفى المقامات والمقام الأول أكبر " .
- ٧ - عدد كسرى + كسر حقيقى . " مختلفى المقامات " .
- ٨ - كسر حقيقى + كسر حقيقى . " مختلفى المقامات والمقام الثانى أكبر " .

(ب) فى عملية طرح الاعداد الصحيحه والكسرية وكانت فى الأفكار الاساسية التاليه :

- ١ - عدد صحيح - عدد صحيح " حتى مائة مليون "
- ٢ - عدد كسرى - كسر حقيقى " متحدى المقامات "
- ٣ - عدد كسرى - كسر غير حقيقى . " متحدى المقامات "
- ٤ - عدد كسرى - عدد كسرى . " متحدى المقامات "
- ٥ - كسر غير حقيقى - كسر غير حقيقى " أحد المقامين هو المشترك المقام "
- ٦ - عدد كسرى - عدد كسرى . " مختلفى المقامات "

٣ - المرحلة الثالثة :-

من خلال الاجابه على السؤال الثانى لهذه الدراسة (ما أنماط الاخطاء الشائعة التى يقع فيها تلاميذ الصفين الخامس والسادس الابتدائى فى عمليتى جمع وطرح الاعداد الصحيحه والكسرية ؟) يتضح وجود انماط للاخطاء الشائعة فى عمليتى الجمع والطرح على النحو التالى :-

أ - فى حالة جمع الاعداد الصحيحه والكسريه ، امكن الحصول على الانماط التالية :-

- ١ - ترك الاعداد الصحيحه .
- ٢ - خطأ فى جمع الاعداد الصحيحه .
- ٣ - جمع البسوط وجمع المقامات .
- ٤ - جمع البسوط ووضع الناتج على اكبر مقام .
- ٥ - جمع البسوط ووضع الناتج على أصغر مقام .
- ٦ - جمع البسوط ووضع الناتج على حاصل جمع المقامين .
- ٧ - جمع البسوط الموحد المقامات مع الاعداد الصحيحه .
- ٨ - خطأ فى ايجاد المقام المشترك .

- ٩ - خطأ في تحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقى .
- ١٠ - خطأ في الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات .
- ١١ - أخطاء في المسائل الحسابية .
- ١٢ - أخطاء متنوعه لايمكن ارجاعها الى الانماط السابقة .

ب - فى حالة طرح الاعداد الصحيحه والكسريه ، امكن الحصول على الانماط
التاليه :-

- ١ - ترك الاعداد الصحيحه .
- ٢ - خطأ فى طرح الاعداد الصحيحه .
- ٣ - طرح البسوط وطرح المقامات .
- ٤ - طرح البسوط قبل توحيد المقامات .
- ٥ - طرح البسوط طرحا عكسيا دون اجراء الاستلاف .
- ٦ - خطأ فى الحصول على البسط الجديد بعد توحيد المقامات .
- ٧ - عدم وضوح مفهوم عملية الطرح .
- ٨ - خطأ فى ايجاد المقام المشترك .
- ٩ - خطأ في تحويل العدد الكسرى الى كسر غير حقيقى .
- ١٠ - طرح البسوط ووضع الناتج على اكبر مقام .
- ١١ - أخطاء في المسائل الحسابية .
- ١٢ - أخطاء متنوعه .

ثانيا : التوصيات والمقترحات :

(أ) التوصيات :

من خلال النتائج التي أظهرتها هذه الدراسة ، وكذلك من خلال الاطار
النظري لها فان الباحث يوصى بالتالى :

١- اجراء المزيد من الدراسات وذلك لبحث أسباب الاخطاء الشائعة التى
يقع فيها التلاميذ وطرق علاجها .

٢- تنبيه التلاميذ الى هذه الاخطاء والعمل على تلافئها وذلك من قبل
المدرسين .

٣- تزويد المدرسين وخاصة مدرسي المرحلة الابتدائية بملخصات
للدراسات التى تبحت في الاخطاء الشائعة . . أسبابها وطرق
علاجها .

(ب) المقترحات :

وفيما يلي عرض لبعض الدراسات المقترحة :

- ١- الاخطاء الشائعة في عمليتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية لدى تلاميذ الصفوف الأربعة الأولى بالمرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية .
- ٢- الاخطاء الشائعة في عمليتي ضرب الاعداد الصحيحة وقسمتها بين تلاميذ المرحلة الابتدائية في المملكة العربية السعودية .
- ٣- الاخطاء الشائعة في العمليات الحسابية الأربعة في الكسور بين تلاميذ المرحلة الابتدائية .
- ٤- دراسة الاسباب التي تؤدي الى الاخطاء الشائعة في الرياضيات واقتراح الاساليب العلاجية لها .
- ٥- الاخطاء الشائعة في الرياضيات المدرسية لدى طلبة كليات التربية بالمملكة العربية السعودية .
- ٦- دراسة الاختلاف في الاخطاء الشائعة بين تلاميذ المرحلة الابتدائية في المدارس الخاصة والمدارس الحكومية في العمليات الحسابية الأربعة .

قائمة المراجع

- أولاً : المراجع العربي
- ثانياً : المراجع الاجنبي

=====

المراجع العربية :-

- ١ - أحمد أبو العباس، علم الحساب تطوره وأهدافه وطرق تدريسه، مكتبة النهضة المصرية، القاهرة، ط ٢، ١٩٥٦م .
- ٢ - أحمد أبو العباس ومحمد العطرونى، تدريس الرياضيات المعاصرة
دار القلم، الكويت، ط ١، ١٩٧٨م .
- ٣ - ادارة تعليم مكة، خلاصة احصائه لنتائج اختبارات النقل والشهادة
فى المرحلة الابتدائية للعام الدراسى ١٤٠٥ / ١٤٠٦ هـ، وزارة المعارف
نموذج رقم (١) .
- ٤ - برسوم قطندى شنودة، " بحث عن الاخطاء الشائعة فى العمليات
الاساسية فى الكسور الاعتيادية بالمرحلة الابتدائية "، رسالة
ماجستير غير منشورة، القاهرة، جامعة عين شمس، يوليو ١٩٦٨م .
- ٥ - بكر حسن وعلاء الرابع، تعليم الرياضيات فى المرحلتين الابتدائية
والمتوسطة، ادارة البحوث والدراسات، التطوير التربوى، وزارة
المعارف، ١٤٠٤ هـ / ١٩٨٤م .
- ٦ - التطوير التربوى (مكتب الرياضيات)، تقرير عن تطور مناهج
الرياضيات فى المملكة العربية السعودية، وزارة المعارف، محرم
١٤٠٣ هـ .
- ٧ - جابر عبد الحميد جابر وآخر، مناهج البحث فى التربية وعلم
النفس، دار النهضة المصرية، القاهرة، ط ٢، ١٩٧٨م .

- ٨ - جامعة الملك عبد العزيز ، ندوة الرياضيات المعاصرة ، وزارة
التعليم العالى ، المملكة العربية السعودية ، ١٤٠١ هـ .
- ٩ - خليفة عبد السميع خليفة ، بحوث فى تدريس الرياضيات ، المطبعة
الفنية الحديثه ، القاهرة ، المجلد الاول ، ١٩٨٢ م .
- ١٠ - خليفة عبد السميع خليفة ، تدريس الرياضيات فى المدرســــــــة
الــــــــثانوية ، المطبعة الفنية الحديثه ، القاهرة ، ط ١ ، ١٩٨٣ م .
- ١١ - زكية عبد الرحمن أحمد عبده ، تقويم كتاب الرياضيات الحديثــــــــة
للمف الاول المتوسطة للبنات من واقع آراء المعلمات بمدينــــــــة
مكة "رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية التربية ، جامعة ام القرى
١٤٠٣ هـ .
- ١٢ - سعد عبد الرحمن ، القياس النفسى ، مكتبة الفلاح ، الكويت ، ط ١ ،
١٩٨٣ م - ١٤٠٣ هـ .
- ١٣ - سعيد بامشموش ونور الدين عبد الجواد ، التعليم الابتدائــــــــى
" دراسة منهجية " ، دار الفيصل الثقافية ، الرياض ، ط ١ ، ١٤٠٠ هـ /
١٩٨٠ م .
- ١٤ - سليمان عبد الرحمن الحقيــــــــل ، سياسة التعليم فى المملكة العربية
السعودية ، دار اللوــــــــاء ، ط ١ ، ١٤٠٤ هـ .
- ١٥ - شنل ف ، ج وشنل اليانور ، ترجمة جابر عبد الحميد ويحي هــــــــندام ،
التشخيص والعلاج فى تدريس الحساب ، دار النهضة العربيــــــــة ،
القاهرة ، ١٩٦٢ م .

- ١٦ - صالح عبد اللطيف العبيدى ، " الاخطاء الشائعة فى عمليتى ضرب الاعداد الصحيحه وقسمتها بين تلاميذ المرحلة الابتدائية فى محافظة بغداد " ، رسالة ماجستير غير منشورة ، جامعة بغداد ، شباط ١٩٧٤ م .
- ١٧ - عزيزة عبد العظيم أمين ، " بحث الاخطاء الشائعة فى عمليتى الضرب والقسمة فى المرحلة الابتدائية " ، رسالة ماجستير غير منشورة القاهرة ، جامعة عين شمس ، أغسطس ، ١٩٦٤ م .
- ١٨ - فريد كامل أبو زينة ، الرياضيات مناهجها واصول تدريسها ، دار الفرقان ، الاردن ، ط ١ ، ١٩٨٢ م .
- ١٩ - فؤاد البهي السيد ، علم النفس الاحصائى وقياس العقل البشرى ، دار الفكر العربى ، القاهرة ، ط ٣ ، ١٩٧٩ م .
- ٢٠ - محمد حسين على ، الفهم فى الحساب ، دار العلم للملايين ، بيروت ، ط ٣ ، ١٩٧٤ م .
- ٢١ - محمد خليفة بركات وآخرون ، الاحصاء فى التربية وعلم النفس ، مكتبة النهضة المصرية ، القاهرة ، ١٩٥٦ م .
- ٢٢ - محمود حسن زينى ، " خطة التنمية الرابعة والتعليم الابتدائى وجها لوجه " ، سلسلة الدراسات والبحوث التربوية (٧) ، جامعة أم القرى ، ط ١ ، ١٤٠٣هـ - ١٩٨٣ م .
- ٢٣ - المركز العربى للبحوث التربوية لدول الخليج ، التقرير الختامى للحلقة الدراسية لتطوير مناهج وكتب الرياضيات والعلوم فى المرحلتين الابتدائية والمتوسطة بدول الخليج العربى ، مكتب التربية العربى لدول الخليج ، ١٤٠٥هـ - ١٩٨٥ م .

٢٤ - مركز المعلومات الاحصائية والتوثيق ، التطوير التربوى ، العددان
٢٦ ، ٢٧) ، وزارة المعارف ١٤٠٥هـ / ١٤٠٦هـ .

٢٥ - نظلة حسن خضر ، أصول تدريس الرياضيات ، عالم الكتب ، القاهرة
ط ١ ، ١٩٧٣م .

٢٦ - نورمان جرونلند ، الاهداف التعليمية تحديدها السلوكى وتطبيقاته ،
دار النهضة العربية ، القاهرة ، بدون تاريخ .

٢٧ - وديع مكسيموس وآخرون ، تعليم وتعلم الرياضيات ، المكتبة الاموية ،
بيروت ، لبنان ، ١٩٨٣م .

٢٨ - وزارة المعارف ، الرياضيات للصف الخامس الابتدائى ، المملكة العربية
السعودية ، ط ٥ ، ١٤٠٦هـ .

٢٩ - وزارة المعارف ، الرياضيات للصف السادس الابتدائى ، المملكة العربية
السعودية ، ط ٤ ، ١٤٠٥هـ .

٣٠ - وزارة المعارف ، كتاب المعلم لرياضيات الصف الخامس الابتدائى ، المملكة
العربية السعودية ، ط ٣ ، ١٤٠٣هـ .

٣١ - وزارة المعارف ، كتاب المعلم لرياضيات الصف السادس الابتدائى ،
المملكة العربية السعودية ، ط ٢ ، ١٤٠٣هـ .

٣٢ - يحيى حامد هندام وآخر ، تدريس الحساب واسسه النفسية والتربوية ،
دار النهضة العربية ، القاهرة ، ط ١ ، ١٩٦٦م .

- (33) Burge, L.V., " Types of Errors and Questionable Habits of Work in Multiplication ", The Elementary School Journal 32, Nov. 1932, PP 185 - 194 .
- (34) Burrous, J. K., " Areview of The Literature on Computational Errors With Whole Numbers ", Mathematics Education Diagnostic and Instructional Centre (MEDIC), British Columbia Univ., Jun. 8, 1977, (ERIC: ED 134468) .
- (35) Cox, L.S. " Analysis, Classification, and Frequency of Systematic Error Coputational Paterrns in the Addition, Subtraction, Multiplication, and Division for Grades 2 - 6 and Special Education Classes ", Dissertation Abstracts, University of Kansas, June, 1974, (ERIC: ED 092407) .
- (36) Cox, L.S. " Diagnosing and Remediating Systematic Errors In Addition and Subtraction Computations ", The Arithmetic Teacher, (22) , February 1975, PP 151 - 157 .
- (37) Ellis, L.C. "Adiagnostic Study of Whole Computations of Certain Elementary Students ". Dissertation Abstracts International. 1972 , 33, 2234 A.
- (38) Grossnickle, F.E. " Errors - Questionable Habits of Work In Long Division with a One - Figure Division, " Journal of Educational Research 29, January, 1936, PP 355 - 368 .

- (39) Grossnickle, F.E., " Constancy of Error in Learning Division With A Two - Figure Divisor, " Journal of Educational Research 33, November, 1939, PP 189-196.
- (40) Holland, H., " Difficulties Involved in Long Division and Some Suggestions for Teaching the Process ", Elementary School Journal 42, April, PP 585 - 596 .
- (41) National Council of Teachers of Mathematics, "Developing Computational Skills ", 1978 Year Book, (10), (11) , PP 163 - 195 .
- (42) West, " Tommie A., Diagnosing Pupil Errors ", The Arithmetic Teacher, (18), November 1911, PP 467 - 469.
- (43) Williams , C. L., and R.L. Whitaker, " Diagnosis of Arithmetic Difficulties, " Elementary School Journal 37, April, 1937, PP. 592 - 600 .

الله

" ملحق رقم (١) "

خلاصة احصائية لنتائج اختبارات النقل والشهادة
في المرحلة الابتدائية للعام الدراسي ١٤٠٥/١٤٠٦ هـ

=&=&=&=

علاصة إحصائية لنتائج اختبار المناهض والمناهض في المرحلة الابتدائية للعام الدراسي ١٤٠٥ / ١٤٠٦ هـ .

مدرسة : _____

الصف الدراسي	العددان المطلوبان			النسبة المئوية	العددان المطلوبون			النسبة المئوية	العددان المطلوبان	النسبة المئوية	العددان المطلوبان	النسبة المئوية
	العددان المطلوبان	النسبة المئوية	العددان المطلوبون		النسبة المئوية	العددان المطلوبان	النسبة المئوية					
الاول	٨٧٠	٨٨٤	٨٧٧	٧٩%	١٦,١	٢٧,١	٢٧,١	١٥,١	١٥,١	١٥,١	١٥,١	١٥,١
الثاني	٧٩٩	٧٩٩	٧٩٩	١٠٠%	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١
الثالث	٧٥٢	٧٩٩	٧٩٩	١٠٥%	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١
الرابع	٧٦٦	٧٦٦	٧٦٦	١٠٠%	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١
الخامس	٦١٥	٦١٥	٦١٥	١٠٠%	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١
السادس	٤٧١	٤٧١	٤٧١	١٠٠%	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١
المجموع	٤٧١	٤٧١	٤٧١	١٠٠%	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١	١٠,١

توزيع النتائج على عدد الطلاب : _____
 توزيع النتائج على عدد الصفوف : _____
 توزيع النتائج على عدد المدارس : _____
 توزيع النتائج على عدد المعلمين : _____
 توزيع النتائج على عدد الإداريين : _____
 توزيع النتائج على عدد الآباء : _____
 توزيع النتائج على عدد الطلاب : _____
 توزيع النتائج على عدد الصفوف : _____
 توزيع النتائج على عدد المدارس : _____
 توزيع النتائج على عدد المعلمين : _____
 توزيع النتائج على عدد الإداريين : _____
 توزيع النتائج على عدد الآباء : _____

إعداد : _____
 تاريخ : _____

" ملحق رقم (٢) "

محتوى المادة العلمية لوحدتي جمع وطرح الاعداد الصحيحة

والكسرية

=====

" ملحق رقم (٢) "

محتوى المادة التعليمية " وحدتي جمع وطرح الاعداد
الصحيحة والكسرية "

تشمل وحدة جمع الاعداد الصحيحة والكسرية على مايلي :

- (١) جمع عددين صحيحين حتى مائة مليون .
- (٢) الكسور الاعتيادية
- (٣) جمع كسرين لهما المقام نفسه .
- (٤) جمع كسرين ليس لهما المقام نفسه .
- (٥) جمع كسرين اعتياديين أحد مقامهما يصلح مقام مشترك .
- (٦) جمع كسرين اعتياديين أحد مقامهما لا يصلح مقام مشترك .
- (٧) الكسور الحقيقية وغير الحقيقية
- (٨) الاعداد الكسرية
- (٩) تحويل الاعداد الكسرية
- (١٠) جمع الاعداد الكسرية .

وتشمل وحدة طرح الاعداد الصحيحة والكسرية على مايلي :

- (١) طرح عددين صحيحين حتى مائة مليون بدون استلاف .
- (٢) طرح عددين صحيحين حتى مائة مليون باستلاف .
- (٣) طرح كسرين لهما المقام نفسه بدون استلاف .

- (٤) طرح كسرين لهما المقام نفسه باستلاف .
- (٥) طرح كسرين اعتياديين أحد مقامهما يصلح مقام مشترك بدون استلاف .
- (٦) طرح كسرين اعتياديين أحد مقامهما يصلح مقام مشترك باستلاف .
- (٧) طرح كسرين اعتياديين أحد مقامهما لا يصلح مقام مشترك بدون استلاف .
- (٨) طرح كسرين اعتياديين أحد مقامهما لا يصلح مقام مشترك باستلاف .
- (٩) طرح الاعداد الكسرية بدون استلاف .
- (١٠) طرح الاعداد الكسرية باستلاف .

" ملحق رقم (٣) "

الاهداف السلوكية المعرفية لوحدتي الاعداد
المحيحة والكسرية

=4=

" ملحق رقم (٣) "

تحديد الاهداف التعليمية في عبارات سلوكية محدد وواضحة هي:

يستطيع التلميذ أن :

- (١) يجمع عددين صحيحين حتى مائة مليون .
- (٢) يطرح عددين صحيحين حتى مائة مليون .
- (٣) يجمع كسرين لهما المقام نفسه .
- (٤) يجمع كسرين بعد تحويلهما الى كسرين متكافئين لهما نفس المقام .
- (٥) يجمع كسرين بطريقة الضرب التبادلي للمقامين .
- (٦) يطرح كسرين لهما مقام مشترك .
- (٧) يطرح كسرين بعد تحويلهما الى كسرين متكافئين لهما المقام نفسه .
- (٨) يطرح كسرين باستخدام طريقة الضرب التبادلي للمقامين .
- (٩) يحول عدد كسري الى كسر غير حقيقي .
- (١٠) يحول كسر غير حقيقي الى عدد كسري .
- (١١) يجمع عددين كسريين لهما نفس المقام .
- (١٢) يجمع عددين كسريين مختلفي المقام .
- (١٣) يطرح عددين كسريين لهما نفس المقام .
- (١٤) يطرح عددين كسريين مختلفي المقام .
- (١٥) يجمع عدة كسور لها نفس المقام .
- (١٦) يجمع عدة كسور مختلفة المقامات .

" ملحق رقم (٤) "

بيان بأسماء المدرسين المشاركين في تحكيم

الاختبار

==

" ملحق رقم (٤) "

ملاحظات	اسم المدرس
محكم للاختبار	ابراهيم السعود
، ،	عبد السلام دهلوي
، ،	عبد الله الحسيني
، ،	عبد الله مرزا
، ،	عويض الحنيش
، ،	محمد الانصاري
، ،	محمد عـ زوي

" ملحق رقم (٥) "

معاملات السهولة أو الصعوبة لأختبار جمع وطرح
الأعداد الصحيحة والكسرية المبدئي

=٤=

جدول رقم (٤)معاملات السهولة أو الصعوبة مع الحكم

رقم السؤال	عدد الاجابات الصحيحة	عدد الاجابات الخاطئة	عدد المتروك	الصحيحة + الخاطئة	معامل السهولة	الحكم
١	١٢٩	٦	-	١٣٥	٪ ٩٥	غير صالح
٢	٨٧	٤٨	-	١٣٥	٪ ٦٤	صالح
٣	٨٣	٥١	١	١٣٤	٪ ٦١	صالح
٤	٤٩	٨٦	-	١٣٥	٪ ٣٦	صالح
٥	٤٠	٩٤	١	١٣٤	٪ ٤٢	صالح
٦	٧٨	٥٢	٥	١٣٠	٪ ٦٠	صالح
٧	٦٤	٦٧	٤	١٣١	٪ ٤٨	صالح
٨	١١٩	١٦	-	١٣٥	٪ ٨٨	غير صالح
٩	٥٩	٦٩	٧	١٢٨	٪ ٤٦	صالح
١٠	١٠٧	٢٧	١	١٣٤	٪ ٧٩	صالح
١١	٥٧	٧٨	-	١٣٥	٪ ٤٢	صالح
١٢	٦١	٧٢	٢	١٣٣	٪ ٤٥	صالح

تابع : جدول رقم (٤)

رقم السؤال	عدد الاجابات الصحيحة	عدد الاجابات الخاطئة	عدد المتروك	الصحيحة + الخاطئة	معامل السهولة	الحكم
١٣	٥٣	٨١	١	١٣٤	٪ ٣٩	صالح
١٤	٩٠	٤١	٤	١٣١	٪ ٦٨	صالح
١٥	٧٤	٦١	-	١٣٥	٪ ٥٤	صالح
١٦	٣١	١٠٢	٢	١٣٣	٪ ٢٢	صالح
١٧	١٦	١٠٦	١٣	١٢٢	٪ ١٣	غير صالح
١٨	٢٦	١٠٢	٧	١٢٨	٪ ٢٠	صالح
١٩	١٨	١٠٨	٩	١٢٦	٪ ١٤	غير صالح
٢٠	١٩	٩٨	١٨	١١٧	٪ ١٦	غير صالح
٢١	٥٧	٧٠	٨	١٢٧	٪ ٤٤	صالح
٢٢	٥٥	٧٧	٣	١٣٢	٪ ٤١	صالح
٢٣	٥٨	٧٦	١	١٣٤	٪ ٤٣	صالح
٢٤	٣٥	٩٨	٢	١٣٣	٪ ٢٦	صالح

تابع : جدول رقم (٤)

رقم السؤال	عدد الاجابات الصحيحة	عدد الاجابات الخاطئة	عدد المتروك	الصحيحة + الخاطئة	معامل السهولة	الحكم
٢٥	٢٣	٩٦	٦	١٢٩	٪ ٢٥	صالح
٢٦	٣٥	٨٨	١٢	١٢٣	٪ ٢٨	صالح
٢٧	٦٢	٦٦	٧	١٢٨	٪ ٤٨	صالح
٢٨	١٣	١٠٨	١٤	١٢١	٪ ١٠	غير صالح
٢٩	٦٠	٦٠	١٥	١٢٠	٪ ٥٠	صالح
٣٠	٢٦	٩٩	١٠	١٢٥	٪ ٢٠	صالح
٣١	٥٦	٦٢	١٧	١١٨	٪ ٤٧	صالح
٣٢	٤٩	٦٩	١٧	١١٨	٪ ٤١	صالح
٣٣	٥	١١١	١٩	١١٦	٪ ٤	غير صالح

ويلاحظ من الجدول السابق ان الاسئلة رقم (١) ، (٨) ، (١٧) ، (١٩) ،

(٢٠) ، (٢٨) ، (٣٣) تم حذفها لانها لم تستوفي المستوى المحدد لمعامل السهولة

وبهذا يصبح عدد الاسئلة للاختبار (٢٦) سؤال فقط .

وقد تم حساب معامل السهولة من خلال العلاقة التالية :

(١٢٠)

$$" \text{س} = \frac{\text{ح}}{\text{ح} + \text{خ}} \times 100 \% \text{ مع عدم ادخال المتروك } "$$

حيث س = معامل السهولة .

ح = عدد الذين أجابوا اجابة صحيحة .

خ = عدد الذين أجابوا اجابة خاطئة .

(فوءاد السيد ، ١٩٧٩ م ، ص ٦٢٤)

====

" ملحق رقم (٦) "

اختبار جمع وطرح الاعداد الصحيحة والكسرية في
صورته النهائية

=٤=

جامعة أم القـرى
كلية التربية - بمكة المكرمة
قسم المناهج وطرق التدريس

=====

" اختبار الاعـداد

الصحيحة والكسرية "

=====

اسم التلميذ :
الصف :
الفصل :
المدرسة :

تعليمات الاجابة

(١) أجب عن جميع الاسئلة التالية فى الورقة نفسها :

(٢) وزع الاختبار الى أربعة أقسام بحيث :

أ - القسم الأول : ويشمل (١١) سوئال لكل سوئال اجابة

واحدة فقط من بين ثلاث اجابات معطاة، ضع

دائرة حول الاجابة الصحيحة ، كالمثال التالى :

$$\text{السؤال : } \frac{2}{3} + \frac{4}{5} = \text{الاجابات : أ - } \frac{6}{8}$$

$$\text{ب - } \frac{22}{15}$$

$$\text{ج - } \frac{6}{15}$$

الاجابة الصحيحة هى فقرة (ب) لذا وضعنا حولها دائرة .

ب - الأقسام الثانى والثالث والرابع ويشمل " ١٥ " سوئال والمطلوب

حلها فى الفراغ الموجود أمام وتحت كل فقرة منها .

=====

أولا : ضع دائرة حول الاجابة الصحيحة فيما يلي :

==~~==~~==

$$\frac{15}{16} - 1 \quad = \quad \frac{9}{8} + \frac{7}{8} \quad : \quad \text{س (١)}$$

$$\frac{15}{8} \quad - \text{ب}$$

$$\frac{12}{8} \quad - \text{ج}$$

$$1 \frac{47}{15} - 1 \quad = \quad 1 \frac{12}{15} + \frac{24}{15} \quad : \quad \text{س (٢)}$$

$$\frac{48}{15} \quad - \text{ب}$$

$$1 \frac{47}{30} \quad - \text{ج}$$

$$\frac{40}{14} - 1 \quad = \quad \frac{28}{14} + \frac{7}{7} \quad : \quad \text{س (٣)}$$

$$\frac{34}{14} \quad - \text{ب}$$

$$\frac{34}{21} \quad - \text{ج}$$

$$\frac{46}{23} - 1 \quad = \quad \frac{9}{6} + \frac{27}{30} \quad : \quad \text{س (٤)}$$

$$\frac{82}{30} \quad - \text{ب}$$

$$\frac{46}{30} \quad - \text{ج}$$

$$\frac{27}{7} - 1 \quad = \quad \frac{1}{4} + \frac{0}{7} \quad : \quad \text{س (٥)}$$

$$\frac{27}{4} \quad - \text{ب}$$

$$\frac{27}{28} \quad - \text{ج}$$

$$\frac{24}{8} - 1 \quad = \quad \frac{2}{6} + 2 \frac{0}{8} \quad : \quad \text{س (٦)}$$

$$\frac{24}{34} \quad - \text{ب}$$

$$\frac{100}{48} \quad - \text{ج}$$

$$\begin{array}{r} 23 \frac{1}{3} - 1 \\ 23 \frac{1}{3} - 2 \\ \frac{1}{3} - 3 \end{array}$$

$$= \frac{2}{3} - 24 : (7) \text{ س}$$

$$\begin{array}{r} 0 - 1 \\ 13 - 2 \\ \frac{4}{13} - 3 \end{array}$$

$$= \frac{9}{13} - \frac{4}{13} : (8) \text{ س}$$

$$\begin{array}{r} 4 \frac{2}{3} - 1 \\ 4 \frac{11}{3} - 2 \\ \frac{70}{3} - 3 \end{array}$$

$$= \frac{5}{3} - 4 \frac{1}{3} : (9) \text{ س}$$

$$\begin{array}{r} \frac{42}{20} - 1 \\ \frac{7}{1} - 2 \\ 7 \frac{27}{20} - 3 \end{array}$$

$$= \frac{1}{3} - 7 \frac{1}{3} : (10) \text{ س}$$

$$\begin{array}{r} \frac{46}{70} - 1 \\ \frac{42}{120} - 2 \\ \frac{29}{60} - 3 \end{array}$$

$$= \frac{16}{10} - \frac{20}{12} : (11) \text{ س}$$

ثانيا : أتمم عمليات الجمع والطرح التالية :

$$\text{س (١٢) : } ١٩٠٠٨٠$$

$$+ ٣٢٥٠٦٤$$

$$\underline{\underline{٤٨٠٠٣٧}}$$

$$\text{س (١٣) : } \frac{١٣٩}{٤} + \frac{٥٨}{٤}$$

$$\text{س (١٤) : } \frac{٤}{٩} + \frac{٧}{٢٥}$$

$$\text{س (١٥) : } ١ \frac{١}{٨} + \frac{٣}{٤}$$

$$\text{س (١٦) : } ٥٤١٠٩٣٤$$

$$\underline{\underline{- ٣١٣٣٧٠٠}}$$

$$\text{س (١٧) : } \frac{١٥}{٦} - \frac{٩}{٦}$$

$$\text{س (١٨) : } ٥ \frac{٣}{٤} - ٢ \frac{١}{٤}$$

(١٢٦)

$$= \frac{٥}{٢} - \frac{٢٧}{٤} : \text{س (١٩)}$$

$$= \frac{٤}{٧} - \frac{١٥}{١١} : \text{س (٢٠)}$$

ثالثا : أتمم عمليات الجمع والطرح التالية بعد تحويل العدد الكسرى الى
كسر غير حقيقى :

$$= ١ \frac{٢}{٤} + \frac{٢}{١} : \text{س (٢١)}$$

$$= ٤ \frac{٩}{٦} + ٧ \frac{٢}{٦} : \text{س (٢٢)}$$

$$= \frac{١}{٤} - ٥ \frac{٢}{٤} : \text{س (٢٣)}$$

$$= ٢ \frac{٦}{٧} - ٢ \frac{٢٢}{٢} : \text{س (٢٤)}$$

رابعاً: حل المسائل التالية :

س (٢٥) : انفق رجل ثلاثة أخماس ثروته لشراء منزل ، وربعها لشراء أثاث .
ما هو الكسر الذي يمثله مجموع ما أنفقه الرجل ؟

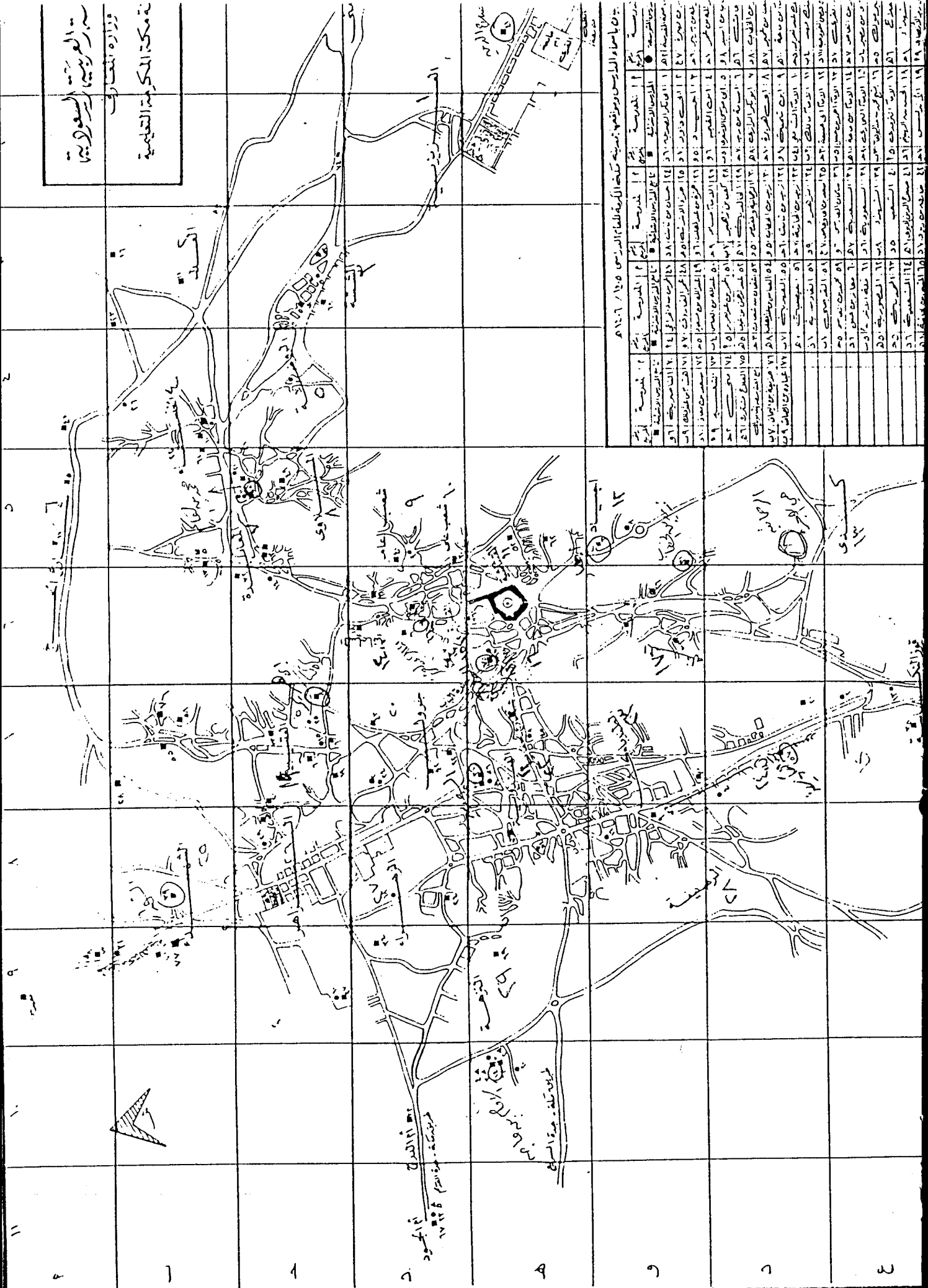
س (٢٦) : مع وليد ثلاثة أرباع رغيف ، أعطى صديقه ما يعادل ثلث الرغيف .
ما هو الكسر من الرغيف الذي بقي مع وليد الآن .

" ملحق رقم (٧) "

بيان باسماء المدارس ومواقعها بمدينة مكة
المكرمة من خلال الدليل الاحصائى لعام ١٤٠٧ هـ

=

سنة المئوية السبعون
وزارة المعارف
مكتبة المكتبة التعليمية



بين أسماء المدارس وموقعهم، تسمية كفاة الأبرقة، العام الدراسي ١٩٥٠/١٩٥١ هـ

١	المدارس	١	المدارس	١	المدارس
٢	المدارس	٢	المدارس	٢	المدارس
٣	المدارس	٣	المدارس	٣	المدارس
٤	المدارس	٤	المدارس	٤	المدارس
٥	المدارس	٥	المدارس	٥	المدارس
٦	المدارس	٦	المدارس	٦	المدارس
٧	المدارس	٧	المدارس	٧	المدارس
٨	المدارس	٨	المدارس	٨	المدارس
٩	المدارس	٩	المدارس	٩	المدارس
١٠	المدارس	١٠	المدارس	١٠	المدارس
١١	المدارس	١١	المدارس	١١	المدارس
١٢	المدارس	١٢	المدارس	١٢	المدارس
١٣	المدارس	١٣	المدارس	١٣	المدارس
١٤	المدارس	١٤	المدارس	١٤	المدارس
١٥	المدارس	١٥	المدارس	١٥	المدارس
١٦	المدارس	١٦	المدارس	١٦	المدارس
١٧	المدارس	١٧	المدارس	١٧	المدارس
١٨	المدارس	١٨	المدارس	١٨	المدارس
١٩	المدارس	١٩	المدارس	١٩	المدارس
٢٠	المدارس	٢٠	المدارس	٢٠	المدارس
٢١	المدارس	٢١	المدارس	٢١	المدارس
٢٢	المدارس	٢٢	المدارس	٢٢	المدارس
٢٣	المدارس	٢٣	المدارس	٢٣	المدارس
٢٤	المدارس	٢٤	المدارس	٢٤	المدارس
٢٥	المدارس	٢٥	المدارس	٢٥	المدارس
٢٦	المدارس	٢٦	المدارس	٢٦	المدارس
٢٧	المدارس	٢٧	المدارس	٢٧	المدارس
٢٨	المدارس	٢٨	المدارس	٢٨	المدارس
٢٩	المدارس	٢٩	المدارس	٢٩	المدارس
٣٠	المدارس	٣٠	المدارس	٣٠	المدارس



مكتبة مكتبة مكتبة
مكتبة مكتبة مكتبة
مكتبة مكتبة مكتبة

" ملحق رقم (٨) "

الاختلاف في نسب الاخطاء الشائعة للصفين الخامس

والسادس الابتدائى

=٤=

(١) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة جمع :

كسر حقيقي + كسر غير حقيقي (اذا كانت المقامات موحدة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	٠٣٤٩	ص = ٤٧٤ ٢	ص = ٤٨٩ ١
		خ = ٥٢٦ ٢	خ = ٥١١ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٢) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة جمع :

كسر غير حقيقي + عدد كسري (اذا كانت المقامات موحدة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	٠٢٥٦	ص = ٥٠٧ ٢	ص = ٤٩٦ ١
		خ = ٤٩٣ ٢	خ = ٥٠٤ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٣) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

جمع :

كسر حقيقي + كسر غير حقيقي (اذا كان أحد المقامين هوالمقام

المشترك) .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	0.914	ص = 73ر3 ٢ خ = 26ر٧ ٢ ك = 2٧٠ ٢	ص = ٧٦ر٧ ١ خ = 2٣ر٣ ١ ك = 2٧٠ ١

(٤) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

مسائل على الجمع .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	0.9٩٤	ص = ٤٠ر٧ ٢ خ = ٥٩ر٣ ٢ ك = 2٧٠ ٢	ص = ٤١ر١ ١ خ = ٥٨ر٩ ١ ك = 2٧٠ ١

(٥) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

جمع :

كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي (اذا كانت المقامات موحدة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢ر٠٠٥	ص = ٢٥٢ ٢	ص = ٣٣ ١
		خ = ٧٤٨ ٢	خ = ٦٧ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٦) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

جمع :

كسر غير حقيقي + كسر غير حقيقي * (اذا كان أحد المقامين

هو المقام المشترك) *

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢ر٤٩٣	ص = ٧٠ ٢	ص = ٧٩٣ ١
		خ = ٣٠ ٢	خ = ٢٠٧ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٧) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودالاتها في

حالة جمع :

عدد كسري + عدد كسري * (اذا كانت المقامات موحدة) *

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٣٩٥٨	ص = ٤٩٣ ٢	ص = ٦٥٩ ١
		خ = ٥٠٧ ٢	خ = ٣٤١ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٨) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودالاتها

في حالة جمع :

عدد كسري + كسر حقيقي (اذا كان أحد المقامين هو

المقام المشترك) *

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٤٣١٤	ص = ٧١٩ ٢	ص = ٨٦٧ ١
		خ = ٢٨١ ٢	خ = ١٣٣ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٩) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

جمع :

كسر غير حقيقي + عدد كسري (اذا كان أحد المقامين هـ—و

المقام المشترك).

مستوى الدلالة ($\alpha=0.05$)	قيمة "Z"	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٦٤٩	ص = ٦٨٥ ٢	ص = ٧٨٥ ١
		خ = ٣١٥ ٢	خ = ٢١٥ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(١٠) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة جمع :

كسر حقيقي + كسر حقيقي (اذا كانت المقامات مختلفة

والمقام الأول أكبر)

مستوى الدلالة ($\alpha=0.05$)	قيمة "Z"	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٩٣٠	ص = ٤١٥ ٢	ص = ٥٤١ ١
		خ = ٥٨٥ ٢	خ = ٤٥٩ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(١١) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

جمع :

عدد كسرى + كسر حقيقي (اذا كانت المقامات مختلفة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٫٧٣٨	ص = ٥٤٨ ٢ خ = ٤٥٢ ٢ ك = ٢٧٠ ٢	ص = ٦٦٣ ١ خ = ٣٣٧ ١ ك = ٢٧٠ ١

(١٢) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة جمع :

كسر حقيقي + كسر حقيقي (اذا كانت المقامات مختلفة

والمقام الثاني أكبر) .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٣٫٦١٠	ص = ٧٢٢ ٢ خ = ٢٧٨ ٢ ك = ٢٧٠ ٢	ص = ٨٤٨ ١ خ = ١٥٢ ١ ك = ٢٧٠ ١

١٣) الاختلاف في النسب المئوية للأخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

طرح :

عدد صحيح - كسر حقيقي أو غير حقيقي .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة "Z"	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	٠.٧٩٤	ص = ٥٣٣ ٢	ص = ٥٦٧ ١
		خ = ٤٦٧ ٢	خ = ٤٣٣ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

١٤) الاختلاف في النسب المئوية للأخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة طرح :

عدد كسري - كسر حقيقي " إذا كان أحد المقامين هو المقام

المشترك " .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة "Z"	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	٣.٥٩	ص = ٦٧٨ ٢	ص = ٦٦٣ ١
		خ = ٣٢٢ ٢	خ = ٣٣٧ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(١٥) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

طرح :

كسر غير حقيقي - كسر حقيقي (اذا كانت المقامات مختلفة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	١.٧٨٢	ص = ٧٥٢ ٢	ص = ٨١٥ ١
		خ = ٢٤٨ ٢	خ = ١٨٥ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(١٦) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة طرح :

كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي (اذا كانت المقامات مختلفة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	٠.٦٩٣	ص = ٦٠٤ ٢	ص = ٦٣٣ ١
		خ = ٣٩٦ ٢	خ = ٣٦٧ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(١٧) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

طرح :

عدد كسري - كسر حقيقي (اذا كانت المقامات مختلفة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	١.٩٦٤	ص = ٥٦٧ ٢	ص = ٦٤٨ ١
		خ = ٤٣٣ ٢	خ = ٣٥٢ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(١٨) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة مسائل على الطرح .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
غير دال	٠.١٦٣	ص = ٥٣ ٢	ص = ٥٣٧ ١
		خ = ٤٧ ٢	خ = ٤٦٣ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

١٩) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة طرح :

عدد صحيح - عدد صحيح " حتى مائة مليون "

مستوى الدلالة ($\alpha=0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٣١٨١	ص = ٢٥٢٢ ٢	ص = ٣٧٨٨ ١
		خ = ٧٤٨٨ ٢	خ = ٦٢٢٢ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

٢٠) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة طرح :

عدد كسري - كسر حقيقي (اذا كانت المقامات موحدة)

مستوى الدلالة ($\alpha=0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٩٦٨	ص = ٥١٩ ٢	ص = ٦٤٤٤ ١
		خ = ٤٨١ ٢	خ = ٣٥٦ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٢١) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

طرح :

عدد كسرى - كسر غير حقيقي (اذا كانت المقامات موحدة)

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٠١٩	ص = ٣٦٣ ٢	ص = ٤٤٨ ١
		خ = ٦٣٧ ٢	خ = ٥٥٢ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٢٢) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

طرح :

عدد كسرى - عدد كسرى " اذا كانت المقامات موحدة . "

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٥٣٢	ص = ٤٠٧ ٢	ص = ٥١٥ ١
		خ = ٥٩٣ ٢	خ = ٤٨٥ ١
		ك = ٢٧٠ ٢	ك = ٢٧٠ ١

(٢٣) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في حالة

طرح :

كسر غير حقيقي - كسر غير حقيقي " اذا كان أحـد

المقامين هو المقام المشترك .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٣٣٧٥	ص = ٦٥٦ ٢ خ = ٣٤٤ ٢ ك = ٢٧٠ ٢	ص = ٧٨٥ ١ خ = ٢١٥ ١ ك = ٢٧٠ ١

(٢٤) الاختلاف في النسب المئوية للاخطاء الشائعة ودلالاتها في

حالة طرح :

عدد كسري - عدد كسري اذا كانت المقامات مختلفة .

مستوى الدلالة ($\alpha = 0.05$)	قيمة " Z "	الصف السادس	الصف الخامس
دال	٢٩٨١	ص = ٦٨٩ ٢ خ = ٣١١ ٢ ك = ٢٧٠ ٢	ص = ٨٠ ١ خ = ٢٠ ١ ك = ٢٧٠ ١